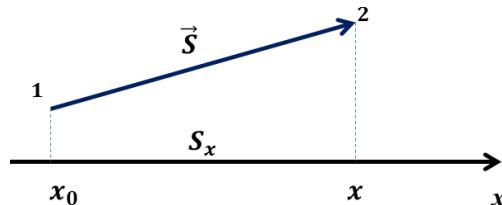


Равномерное прямолинейное движение ($\vec{v} = \text{const}$)

$$\vec{v} = \frac{\vec{S}}{t}$$

$$v_x = \frac{S_x}{t}$$

$$\frac{\text{КМ}}{\text{Ч}} : 3,6 = \frac{\text{М}}{\text{С}}$$



$$S_x = x - x_0$$

$$S_x = v_x t$$

$$x = x_0 + v_x t$$

\vec{v} – вектор скорости $(\frac{\text{м}}{\text{с}})$;

\vec{S} – перемещение (м);

t – время (с);

v_x – проекция скорости $(\frac{\text{м}}{\text{с}})$;

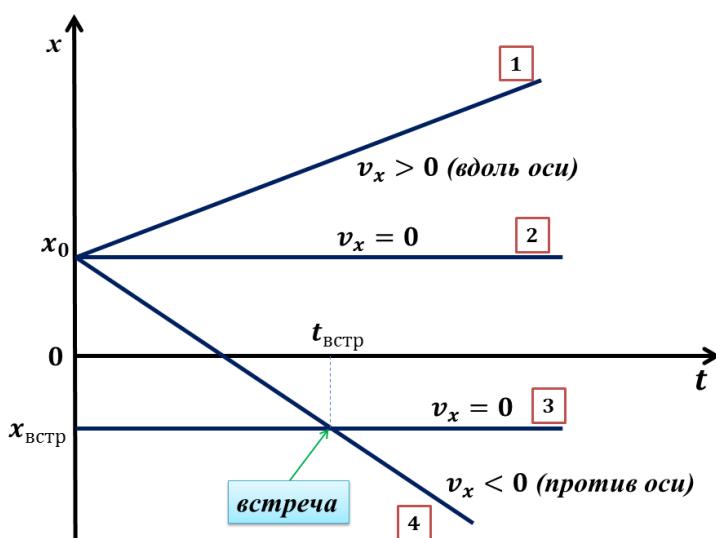
S_x – проекция

перемещения (м);

x_0 – начальная координата (м);

x – конечная координата (м).

График зависимости координаты от времени при равномерном прямолинейном движении



1 – координата

увеличивается $v_x =$

$$\frac{x-x_0}{t} > 0; v_x > 0$$

2 – координата не

$$\text{изменяется } v_x = \frac{x-x_0}{t} = 0; v_x = 0$$

3 – как и 2

4 – координата

$$\text{уменьшается } v_x = \frac{x-x_0}{t} < 0; v_x < 0$$

Равноускоренное прямолинейное движение ($\vec{a} = \text{const}$)

$$\vec{a} = \frac{\vec{v} - \vec{v}_0}{t} = \frac{\Delta \vec{v}}{t}$$

$$a_x = \frac{v_x - v_{0x}}{t}$$

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t$$

$$v_x = v_{0x} + a_x t$$

$$S_x = v_{0x} t + \frac{a_x t^2}{2}$$

\vec{a} – вектор ускорения

$$(\frac{\text{м}}{\text{с}^2})$$

\vec{v}_0 – вектор начальной

$$\text{скорости } (\frac{\text{м}}{\text{с}})$$

\vec{v} – вектор конечной

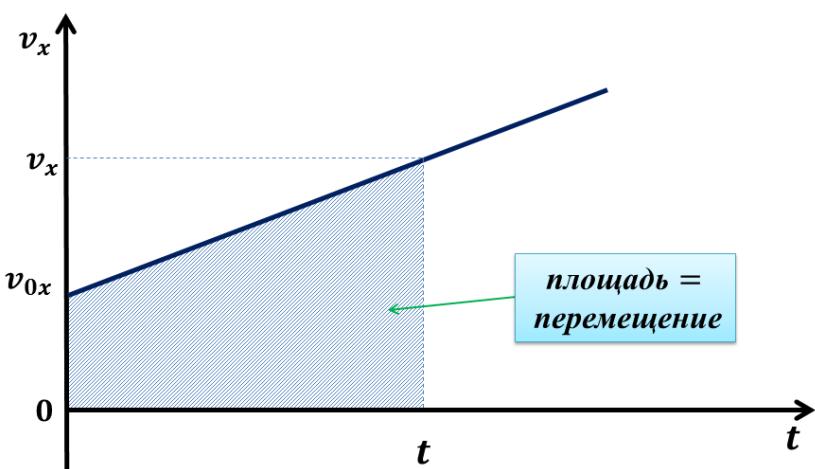
$$\text{скорости } (\frac{\text{м}}{\text{с}})$$

$\Delta \vec{v}$ – изменение вектора

$$S_x = \frac{v_x^2 - v_{0x}^2}{2a_x}$$

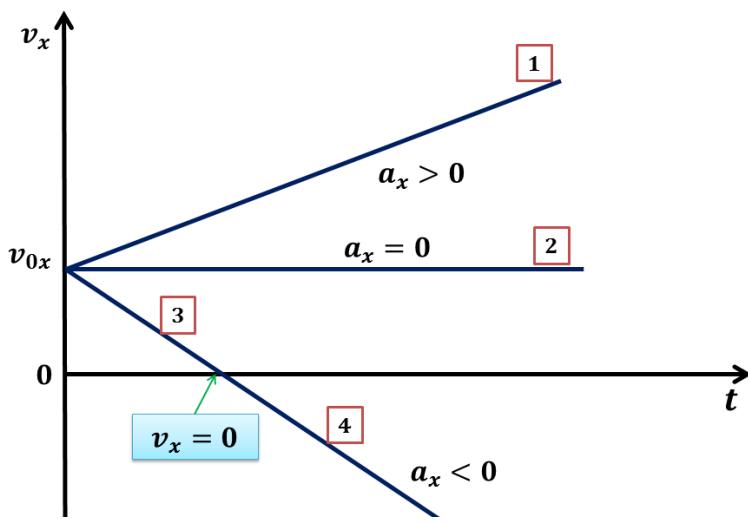
$$x = x_0 + v_{0x}t + \frac{a_x t^2}{2}$$

$$S_x = \frac{v_{0x} + v_x}{2} \cdot t$$



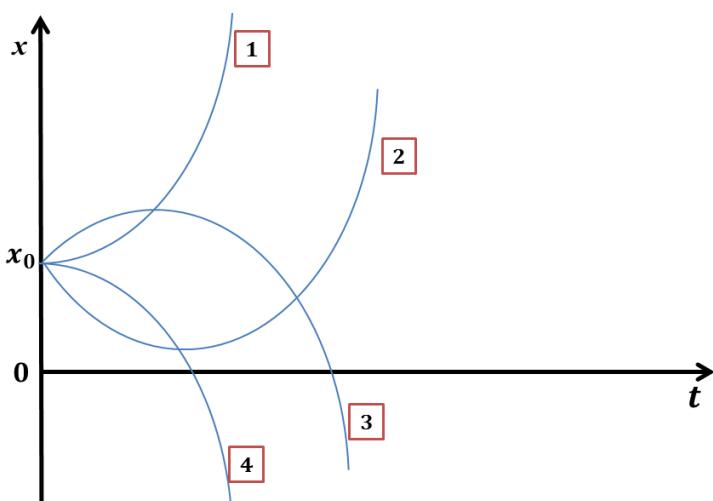
скорости $\left(\frac{\text{м}}{\text{с}}\right)$;
 t – время (с);
 a_x – проекция ускорения $\left(\frac{\text{м}}{\text{с}^2}\right)$;
 v_{0x} – проекция начальной скорости $\left(\frac{\text{м}}{\text{с}}\right)$;
 v_x – проекция конечной скорости $\left(\frac{\text{м}}{\text{с}}\right)$;
 S_x – проекция перемещения (м);
 x_0 – начальная координата (м);
 x – конечная координата (м).

График зависимости проекции скорости от времени при равноускоренном прямолинейном движении



1 – равноускоренное движение $a_x = \frac{v_x - v_{0x}}{t} > 0$; $a_x > 0$ ускорение направлено вдоль оси, движение вдоль оси, т.к. $v_x > 0$
 2 – равномерное движение $a_x = 0$; $v_{0x} = \text{const} > 0$
 3 – равнозамедленное движение до остановки $a_x = \frac{v_x - v_{0x}}{t} < 0$; $a_x < 0$; движение вдоль оси $v_x > 0$
 4 – равноускоренное движение после остановки $a_x = \frac{v_x - v_{0x}}{t} < 0$; $a_x < 0$; движение против оси $v_x < 0$

График зависимости координаты от времени при равноускоренном прямолинейном движении



Графики – парабола (так как t^2):

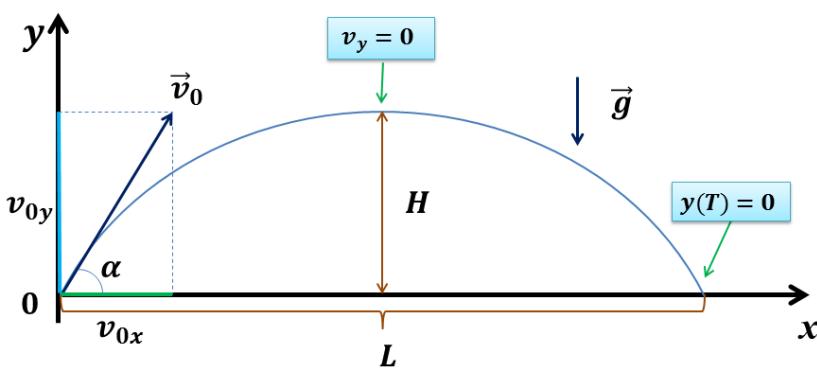
$$x = x_0 + v_{0x}t + \frac{a_x t^2}{2}$$

$$1 \text{ и } 2 - a_x > 0$$

$$3 \text{ и } 4 - a_x < 0$$

Баллистика

Движение тела, брошенного под углом к горизонту



$$\begin{cases} x(t) = x_0 + v_{0x}t + \frac{a_x t^2}{2} \\ y(t) = y_0 + v_{0y}t + \frac{a_y t^2}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} v_{0x} = v_0 \cdot \cos \alpha \\ v_{0y} = v_0 \cdot \sin \alpha \end{cases} \quad \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases}$$

$$\begin{cases} x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha \cdot t \\ y(t) = v_0 \cdot \sin \alpha \cdot t - \frac{gt^2}{2} \end{cases}$$

$$y(T) = 0 \Rightarrow v_0 \cdot \sin \alpha \cdot t - \frac{gt^2}{2} = 0$$

$$t \cdot (v_0 \cdot \sin \alpha - \frac{gT}{2}) = 0$$

$$t = 0; \quad v_0 \cdot \sin \alpha - \frac{gT}{2} = 0$$

$x(t), y(t)$ – координаты тела в момент времени t по осям x и y (м);
 x_0, y_0 – начальные координаты (м);
 v_{0x}, v_{0y} – проекции начальной скорости на оси x и y ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);
 t – время (с);
 a_x, a_y – проекции ускорения на оси x и y ($\frac{\text{м}}{\text{с}^2}$);
 g – ускорение свободного падения ($g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$);

α – угол броска (угол между начальной скоростью и горизонтом);

T – время полета тела (с);
 L – дальность полета (м);

$$T = \frac{2v_0 \cdot \sin \alpha}{g}$$

$$L = x(T) = v_0 \cdot \cos \alpha \cdot \frac{2v_0 \cdot \sin \alpha}{g}$$

$$L = \frac{v_0^2 \cdot \sin 2\alpha}{g}$$

$$H = \frac{v_y^2 - v_{0y}^2}{2a_y} = \frac{0 - (v_0 \cdot \sin \alpha)^2}{2 \cdot (-g)} = \frac{v_0^2 \cdot \sin^2 \alpha}{2g}$$

$$H = \frac{v_0^2 \cdot \sin^2 \alpha}{2g}$$

$$\begin{cases} v_x(t) = v_{0x} + a_x t \\ v_y(t) = v_{0y} + a_y t \end{cases}$$

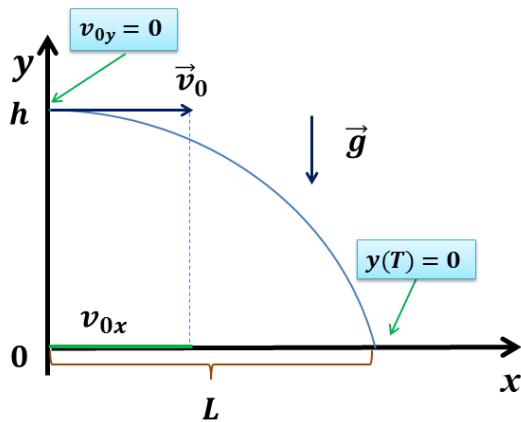
$$\begin{cases} v_x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha \\ v_y(t) = v_0 \cdot \sin \alpha - gt \end{cases}$$

$$v(t) = \sqrt{(v_x(t))^2 + (v_y(t))^2}$$

$$\operatorname{tg} \varphi(t) = \frac{v_y(t)}{v_x(t)}$$

H – высота подъема тела (м);
 $v_x(t), v_y(t)$ – проекции скорости на оси x и y в момент времени t ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);
 $v(t)$ – модуль скорости в момент времени t ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);
 $\varphi(t)$ – угол наклона вектора скорости к горизонту в момент времени t

Горизонтальный бросок



$$\begin{cases} x(t) = x_0 + v_{0x}t + \frac{a_x t^2}{2} \\ y(t) = y_0 + v_{0y}t + \frac{a_y t^2}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = h \end{cases} \quad \begin{cases} v_{0x} = v_0 \\ v_{0y} = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases}$$

$$\begin{cases} x(t) = v_0 \cdot t \\ y(t) = h - \frac{gt^2}{2} \end{cases}$$

$$y(T) = 0 \Rightarrow h - \frac{gt^2}{2} = 0$$

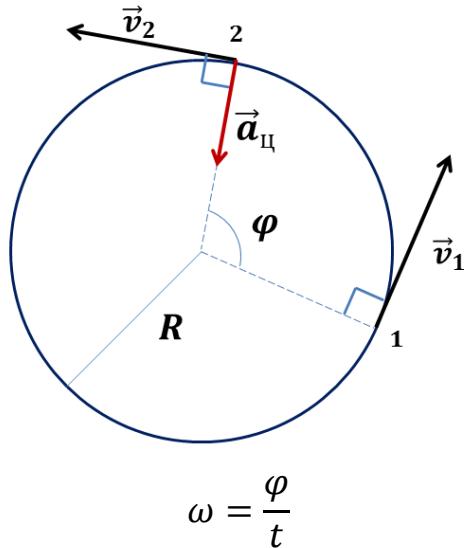
$$h = \frac{gt^2}{2}$$

$$T = \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

$$L = x(T) = v_0 \cdot \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

$$L = v_0 \cdot \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

Движение тела по окружности с постоянной скоростью



$$\omega = \frac{\varphi}{t}$$

Связь линейной и угловой скорости:

$$\left. \begin{aligned} v &= \frac{S}{T} = \frac{2\pi R}{T} \\ \omega &= \frac{\varphi}{T} = \frac{2\pi R}{T} \end{aligned} \right\} \Rightarrow v = \omega R$$

$$T = \frac{2\pi R}{v}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

φ – угол, на который поворачивается радиус окружности (рад);
 t – время поворота (с);
 ω – угловая скорость $(\frac{\text{рад}}{\text{с}})$;

v_1, v_2, v – линейная скорость $(\frac{\text{м}}{\text{с}})$;

R – радиус окружности (м);

T – период обращения (с);

N – количество оборотов;

ν – частота обращения ($\Gamma_{\text{ц}} = \text{с}^{-1}$);

Формула связи периода и частоты:

$$\left. \begin{array}{l} T = \frac{t}{N} \\ \nu = \frac{N}{t} \end{array} \right\} \Rightarrow \nu = \frac{1}{T}$$

$a_{\text{ц}}$ –

центростремительное
ускорение ($\frac{m}{c^2}$)

Формула связи угловой скорости и частоты:

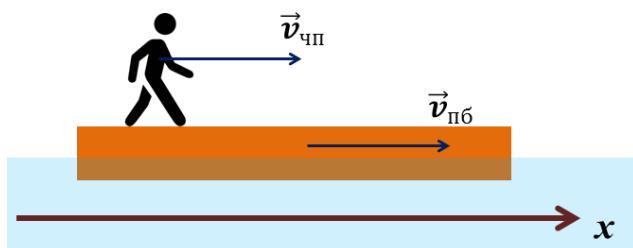
$$\left. \begin{array}{l} \nu = \frac{\omega}{2\pi R} \\ \nu = \frac{2\pi}{2\pi} \end{array} \right\} \Rightarrow \omega = 2\pi\nu$$

$$a_{\text{ц}} = \frac{\nu^2}{R}$$

$$a_{\text{ц}} = \omega^2 R$$

Сложение скоростей

$$\vec{v}_{\text{тн}} = \vec{v}_{\text{тп}} + \vec{v}_{\text{пп}}$$



$\vec{v}_{\text{тн}}$ – вектор скорости
тела относительно
неподвижной системы
отсчета

$\vec{v}_{\text{тп}}$ – вектор скорости
тела относительно
подвижной системы
отсчета

$\vec{v}_{\text{пп}}$ – вектор скорости
подвижной системы
отсчета относительно
неподвижной системы

$v_{\text{чб}}$ – скорость человека
относительно берега

$v_{\text{чп}}$ – скорость человека
относительно плота

$v_{\text{пп}}$ – скорость плота
относительно берега

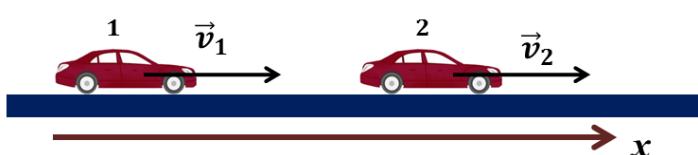
v_1 – скорость первого
автомобиля

v_2 – скорость второго
автомобиля

$$\vec{v}_{\text{чб}} = \vec{v}_{\text{чп}} + \vec{v}_{\text{пп}}$$

$$v_{\text{чб}x} = v_{\text{чп}x} + v_{\text{пп}x}$$

$$v_{\text{чб}} = v_{\text{чп}} + v_{\text{пп}}$$



$$\vec{v}_{21} = \vec{v}_2 - \vec{v}_1$$

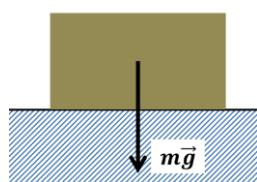
$$v_{21x} = v_{2x} - v_{1x}$$

$$v_{21x} = v_2 - v_1$$

<p>$v_{21x} = -v_2 - v_1$</p>	<p>относительно земли v_{21} – скорость второго автомобиля относительно первого</p>
Динамика	
$\rho = \frac{m}{V}$ $\frac{\text{кг}}{\text{м}^3} : 1000 = \frac{\text{г}}{\text{см}^3}$	ρ – плотность тела ($\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$); m – масса (кг); V – объем (м^3)
<p>Первый закон Ньютона: существуют ИСО (инерциальные системы отсчета): если $\sum \vec{F} = 0$, то $v = 0$ или $\vec{v} = \text{const}$ ($a = 0$)</p>	$\sum \vec{F}$ – векторная сумма сил (равнодействующая сил) (Н); v – скорость ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$); a – ускорение ($\frac{\text{м}}{\text{с}^2}$)
<p>Второй закон Ньютона:</p> $\vec{F} = m\vec{a}$ $\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_N$ $\vec{F} \uparrow\uparrow \vec{a}$	\vec{F} – равнодействующая сил (Н); m – масса (кг); a – ускорение ($\frac{\text{м}}{\text{с}^2}$)
<p>Третий закон Ньютона:</p> $\left. \begin{array}{l} F_1 = F_2 \\ \vec{F}_1 \uparrow\downarrow \vec{F}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \vec{F}_1 = -\vec{F}_2$	\vec{F}_1 и \vec{F}_2 – силы взаимодействия двух тел (Н)
<p>Закон всемирного тяготения:</p> $F = G \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$	F – сила гравитационного притяжения тел (Н); m_1 и m_2 – массы тел (кг); r – расстояние между телами (м); $G = 6,7 \cdot 10^{-11} \frac{\text{Н}\cdot\text{м}^2}{\text{кг}}$ – гравитационная постоянная.

Сила тяжести:

$$F_T = mg$$



F_T – сила тяжести (Н);

m – масса тела (кг);

g – ускорение

свободного падения

$$\left(g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}\right);$$

Движение спутников:

$$F = G \frac{M_{\pi} \cdot m}{R^2} = mg \Rightarrow g = G \frac{M_{\pi}}{R^2}$$

$$g = a_{\text{ц}}$$

$$G \frac{M_{\pi}}{R^2} = \frac{v^2}{R}$$

$$v^2 = G \frac{M_{\pi}}{R}$$

$$T = \frac{2\pi R}{v}$$

M_{π} – масса планеты (кг);

m – масса спутника (кг);

g – ускорение

свободного падения на
планете $\left(\frac{\text{м}}{\text{с}^2}\right)$;

R – радиус орбиты (м);

v – скорость спутника
 $\left(\frac{\text{м}}{\text{с}}\right)$;

T – период обращения
спутника вокруг планеты
(с);

v_1, v_2 – первая и вторая
космические скорости

R_{π} – радиус планеты (м)

Первая космическая скорость (спутник планеты):

$$v_1 = \sqrt{gR_{\pi}}$$

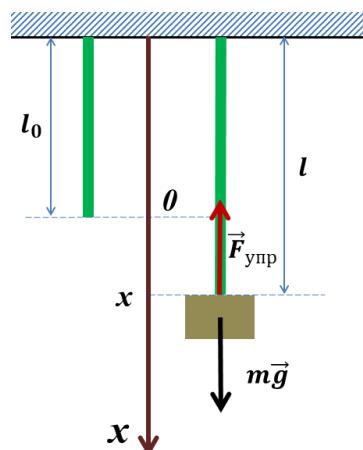
Для Земли $v_1 = 7,9 \frac{\text{км}}{\text{с}}$

Вторая космическая скорость (спутник Солнца):

$$v_2 = \sqrt{2gR_{\pi}} = v_1\sqrt{2}$$

Для Земли $v_2 = 11,2 \frac{\text{км}}{\text{с}}$

Сила упругости:



$F_{\text{упр}}$ – сила упругости

(Н);

k – коэффициент

упругости (жесткость)

$$\left(\frac{\text{Н}}{\text{м}}\right);$$

$\Delta l, x$ – изменение длины
(м);

l_0 – начальная длина (м);

l – конечная длина (м);

$$F_{\text{упр}} = k\Delta l = kx$$

$$\Delta l = |l - l_0| = x$$

Жесткость системы двух параллельно соединенных пружин:

$$k = k_1 + k_2$$

Жесткость системы двух последовательно соединенных пружин:

$$\frac{1}{k} = \frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2}$$

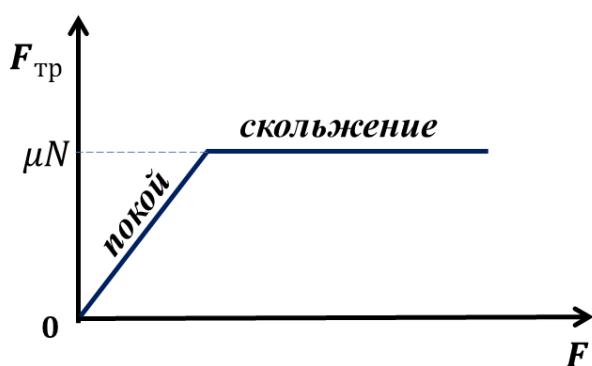
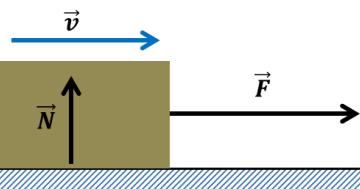
Сила трения:

$$F_{\text{тр.п}} = F$$

$$v = 0$$



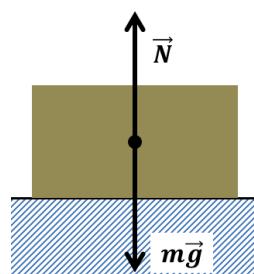
$$F_{\text{тр}} = \mu N$$



Сила нормального давления:

если тело покоится (движется равномерно)

$$N = mg$$



$F_{\text{тр.п}}$ – сила трения покоя (H);

F – сила, действующая на тело (H);

$F_{\text{тр}}$ – сила трения скольжения (H);

μ – коэффициент трения
 N – сила нормального давления (реакция опоры) (H);

N – сила нормального давления (сила нормальной реакции опоры) (H);

m – масса тела (кг);

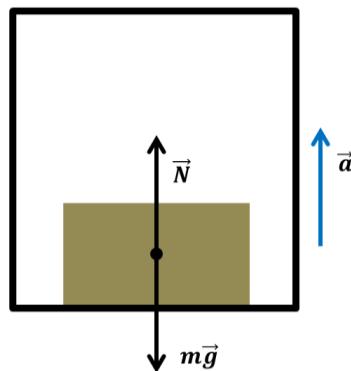
g – ускорение свободного падения

$$\left(g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}\right);$$

$$a - \text{ускорение} \left(\frac{\text{м}}{\text{с}^2}\right);$$

если тело движется с ускорением, направленным вверх:

$$N = m(g + a)$$

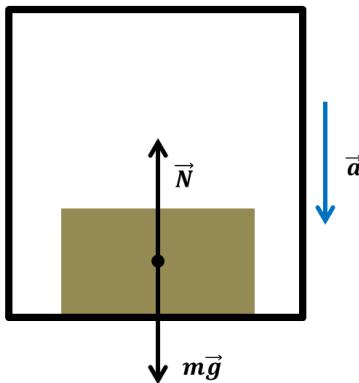


α – угол наклона

плоскости

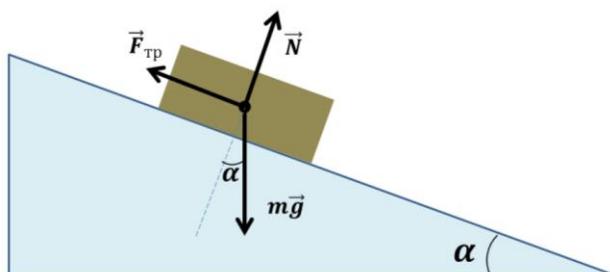
если тело движется с ускорением, направленным вниз:

$$N = m(g - a)$$



если тело находится на наклонной плоскости:

$$N = mg \cos \alpha$$

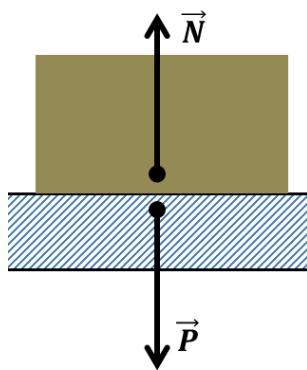


Вес тела (по третьему закону Ньютона):

$$P = N$$

P – вес тела (Н);

N – сила нормального давления (реакция опоры) (Н);



Отрыв тела от поверхности значит, что $N = 0$

Законы сохранения в механике

Импульс:

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

$$\vec{p} \uparrow \uparrow \vec{v}$$

$$p_x = mv_x$$

\vec{p} – вектор импульса

$(\text{кг} \cdot \frac{\text{м}}{\text{с}})$;

m – масса (кг);

\vec{v} – вектор скорости $(\frac{\text{м}}{\text{с}})$;

p_x – проекция импульса
 $(\text{кг} \cdot \frac{\text{м}}{\text{с}})$;

v_x – проекция скорости
 $(\frac{\text{м}}{\text{с}})$

Второй закон Ньютона в импульсной форме (изменение импульса):

$$\vec{F}t = \Delta\vec{p}$$

$\Delta\vec{p}$ – изменение импульса

$(\text{кг} \cdot \frac{\text{м}}{\text{с}} = \text{Н} \cdot \text{с})$;

\vec{F} – равнодействующая сил (Н);

t – время (с);

$\vec{F}t$ – импульс силы ($\text{Н} \cdot \text{с}$)

Закон сохранения импульса:

$$\vec{p}_1 + \vec{p}_2 + \dots + \vec{p}_N = \vec{p}'_1 + \vec{p}'_2 + \dots + \vec{p}'_N = \overrightarrow{\text{const}}$$

$\vec{p}_1 + \vec{p}_2 + \dots + \vec{p}_N$ –

сумма импульсов тел до взаимодействия $(\text{кг} \cdot \frac{\text{м}}{\text{с}})$

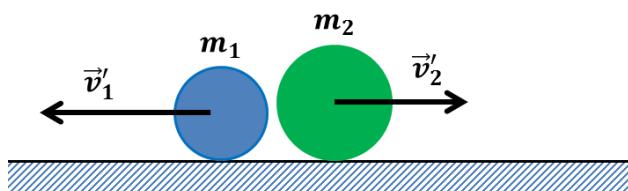
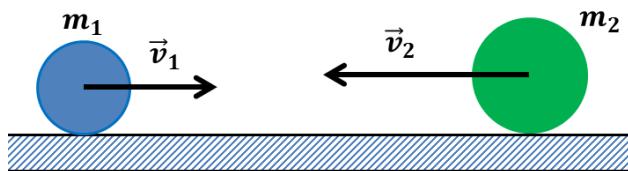
$\vec{p}'_1 + \vec{p}'_2 + \dots + \vec{p}'_N$ –

сумма импульсов тел после взаимодействия

$(\text{кг} \cdot \frac{\text{м}}{\text{с}})$

Закон сохранения импульса при абсолютно упругом ударе:

$$m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = m_1 \vec{v}'_1 + m_2 \vec{v}'_2$$

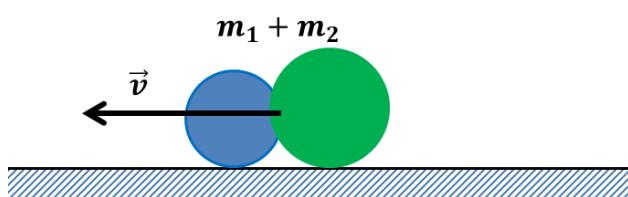
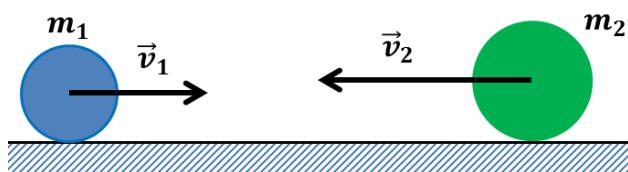


m_1, m_2 – массы первого и второго тел (кг);
 \vec{v}_1, \vec{v}_2 – скорости первого и второго тела до взаимодействия ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);

\vec{v}'_1, \vec{v}'_2 – скорости первого и второго тела после взаимодействия ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$)

Закон сохранения импульса при абсолютно неупругом ударе:

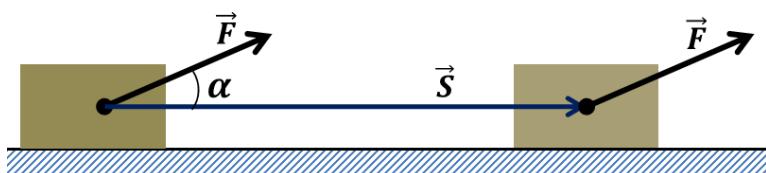
$$m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = (m_1 + m_2) \vec{v}$$



m_1, m_2 – массы первого и второго тел (кг);
 \vec{v}_1, \vec{v}_2 – скорости первого и второго тела до взаимодействия ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);
 \vec{v} – скорость тел после взаимодействия ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$)

Механическая работа:

$$A = FS \cos \alpha$$



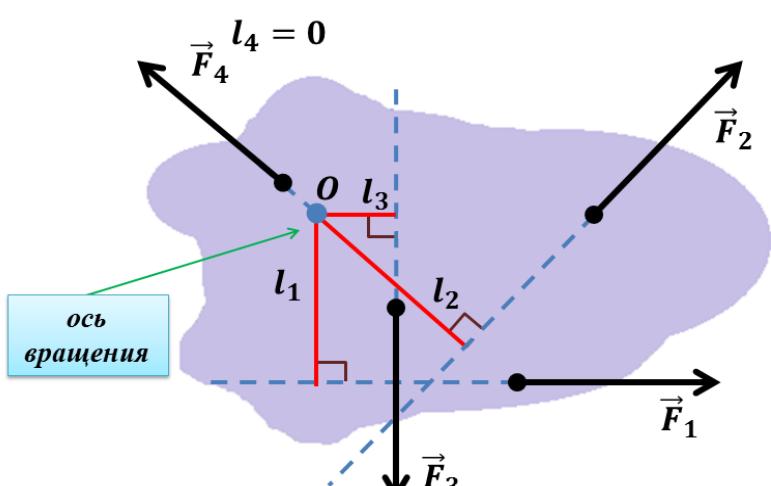
A – работа (Дж);
 F – модуль силы (Н);
 S – модуль перемещения (м);
 α – угол между векторами силы и перемещения

Мощность:

$$P = \frac{A}{t}$$

P – мощность (Вт);
 A – работа (Дж);
 t – время (с);

<p>Мощность при равномерном движении:</p> $P = Fv \cos \alpha$	<p>F – модуль силы (Н); v – модуль скорости ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$); α – угол между векторами силы и скорости</p>
<p>Кинетическая энергия:</p> $E_{\text{k}} = \frac{mv^2}{2}$ $E_{\text{k}} = \frac{p^2}{2m}$	<p>E_{k} – кинетическая энергия (Дж); m – масса (кг); v – скорость ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$); p – импульс ($\text{кг} \cdot \frac{\text{м}}{\text{с}}$)</p>
<p>Теорема об изменении кинетической энергии:</p> $A = \Delta E_{\text{k}} = \frac{mv^2}{2} - \frac{mv_0^2}{2}$	<p>A – работа (Дж); ΔE_{k} – изменение кинетической энергии (Дж); m – масса (кг); v_0, v – начальная и конечная скорости ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$)</p>
<p>Потенциальная энергия тела в поле тяжести Земли:</p> $E_{\text{п}} = mgh$	<p>$E_{\text{п}}$ – потенциальная энергия (Дж); m – масса (кг); g – ускорение свободного падения ($g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$); h – высота (м)</p>
<p>Потенциальная энергия деформированной пружины:</p> $E_{\text{п}} = \frac{kx^2}{2}$	<p>$E_{\text{п}}$ – потенциальная энергия (Дж); k – коэффициент упругости (жесткость) ($\frac{\text{Н}}{\text{м}}$); x – изменение длины (м)</p>

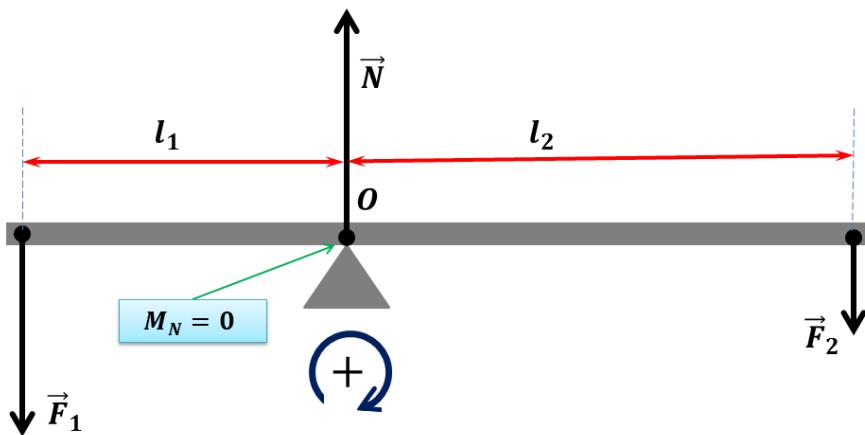
<p>Полная механическая энергия:</p> $E = E_{\text{к}} + E_{\text{п}}$	<p>E – полная механическая энергия (Дж); $E_{\text{к}}$ – кинетическая энергия (Дж); $E_{\text{п}}$ – потенциальная энергия (Дж)</p>
<p>Закон сохранения полной механической энергии:</p> $E = \text{const}$ <p>или</p> $E_{\text{к}1} + E_{\text{п}1} = E_{\text{к}2} + E_{\text{п}2}$	<p>E – полная механическая энергия (Дж); $E_{\text{к}1}, E_{\text{к}2}$ – кинетическая энергия в первом и втором состояниях (Дж); $E_{\text{п}1}, E_{\text{п}2}$ – потенциальная энергия в первом и втором состояниях (Дж)</p>
<p>Закон сохранения энергии (закон изменения полной механической энергии):</p> $E_1 + A = E_2$	<p>E_1 – начальная полная механическая энергия (Дж); E_2 – конечная полная механическая энергия (Дж); A – работа неконсервативных сил (Дж)</p>
<h3>Статика</h3>	
<p>Момент силы:</p> $M = Fl$ 	<p>M – момент силы ($\text{Н} \cdot \text{м}$); F – сила (Н); l – плечо силы (расстояние от оси вращения до линии действия силы) (м)</p>

Условия равновесия тела:

- 1) $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_N = 0$
- 2) $M_1 + M_2 + \dots + M_N = 0$

$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_N -$
сумма сил, действующих
на тело (Н);
 $M_1 + M_2 + \dots + M_N -$
сумма моментов сил
(Н · м)

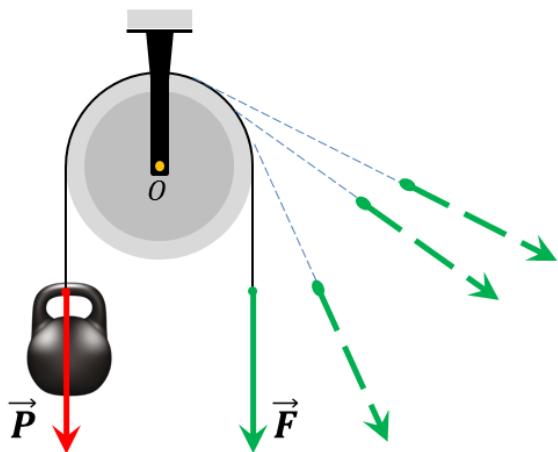
Условие равновесия невесомого рычага:



$$F_1 l_1 = F_2 l_2$$

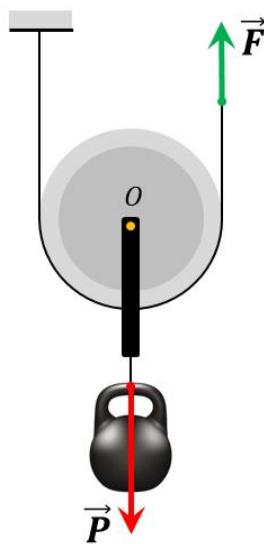
Неподвижный блок:

P – вес тела (Н);
 F – сила тяги (Н)



$$F = P$$

Подвижный блок:



$$F = \frac{P}{2}$$

P – вес тела (Н);

F – сила тяги (Н)

Коэффициент полезного действия (КПД):

$$\eta = \frac{A_{\pi}}{A_3} \cdot 100\%$$

η – коэффициент

полезного действия;

A_{π} – полезная работа

(Дж);

A_3 – затраченная работа

(Дж)

Давление:

$$p = \frac{F}{S}$$

$$F = pS$$

p – давление (Па);

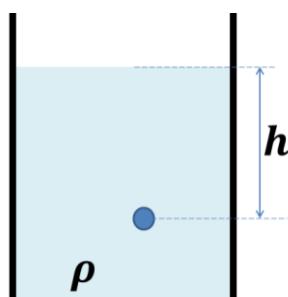
F – сила давления (Н);

S – площадь поверхности

(м²)

Гидростатическое давление:

$$p = \rho g h$$



p – давление столба

жидкости (Па);

ρ – плотность жидкости

($\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$);

g – ускорение

свободного падения

($g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$);

h – высота столба

жидкости (м)

Полное давление:

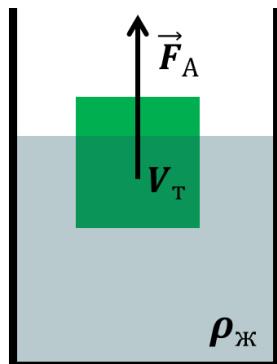
$$p_{\text{полное}} = p_{\text{ат}} + \rho g h$$

$p_{\text{ат}}$ – атмосферное

давление ($p_{\text{ат}} = 10^5$ Па)

Сила Архимеда:

$$F_A = \rho_{\text{ж}} g V_t$$



F_A – сила Архимеда

(выталкивающая сила)
(H);

$\rho_{\text{ж}}$ – плотность жидкости
 $\left(\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}\right)$;

g – ускорение
свободного падения

$$\left(g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}\right);$$

V_t – объем погруженной
в жидкость части тела
 (м^3)

Плавание тел:

Всплывает	$F_A > mg$ $\rho_{\text{ж}} > \rho$
Плавает в толще жидкости	$F_A = mg$ $\rho_{\text{ж}} = \rho$
Тонет	$F_A < mg$ $\rho_{\text{ж}} < \rho$

F_A – сила Архимеда (H);

mg – сила тяжести (H);

$\rho_{\text{ж}}$ – плотность жидкости
 $\left(\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}\right)$;

ρ – плотность тела $\left(\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}\right)$

Закон Архимеда:

$$F_A = P_{\text{ж}}$$

F_A – сила Архимеда (H);

$P_{\text{ж}}$ – вес вытесненного
объема жидкости (вес
жидкости в объеме
погруженной части тела)
(H)

Молекулярная физика

Относительная молекулярная масса:

$$M_r = \frac{m_0}{\frac{1}{12} m_C}$$

M_r – относительная
молекулярная масса;

m_0 – масса одной
молекулы (кг);

m_C – масса молекулы
углерода ^{12}C (кг)

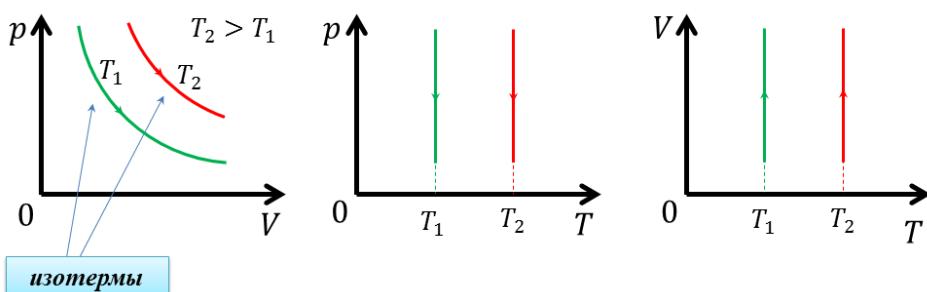
Молярная масса:	$M = M_r \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}}$	M – молярная масса $\left(\frac{\text{кг}}{\text{моль}}\right)$; M_r – относительная молекулярная масса
Количество вещества:	$v = \frac{N}{N_A}$ $v = \frac{m}{M}$	v – количество вещества (моль); N – количество молекул в веществе; N_A – постоянная Авогадро ($N_A = 6 \cdot 10^{23} \text{ моль}^{-1}$); m – масса вещества (кг); M – молярная масса $\left(\frac{\text{кг}}{\text{моль}}\right)$
Концентрация:	$n = \frac{N}{V}$	n – концентрация (м^{-3}); N – количество молекул в веществе; V – объем (м^3)
Основное уравнение молекулярно-кинетической теории (МКТ):	$p = \frac{1}{3} m_0 n \bar{v}^2$ $p = \frac{2}{3} n \bar{E}_k$ $p = \frac{1}{3} \rho \bar{v}^2$	p – давление идеального газа (Па); m_0 – масса одной молекулы (кг); n – концентрация (м^{-3}); \bar{v} – средняя квадратичная скорость молекул ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$); \bar{E}_k – средняя кинетическая энергия теплового движения молекул (Дж); ρ – плотность газа ($\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$)
Правила перевода температуры:	$t = T - 273$ $T = t + 273$	t – температура ($^{\circ}\text{C}$); T – абсолютная температура (К)

<p>Средняя кинетическая энергия теплового движения молекул одноатомного газа:</p> $\bar{E}_k = \frac{3}{2} kT$	<p>\bar{E}_k – средняя кинетическая энергия теплового движения молекул одноатомного газа (Дж); k – постоянная Больцмана ($k = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{Дж}}{\text{К}}$); T – абсолютная температура газа (К)</p>
<p>Уравнение состояния идеального газа:</p> $p = nkT$ <p>$pV = \nu RT$ – уравнение Менделеева – Клапейрона</p> <p>$\frac{pV}{T} = const$ – объединенный газовый закон (уравнение Клапейрона)</p>	<p>p – давление идеального газа (Па); n – концентрация (м^{-3}); k – постоянная Больцмана ($k = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{Дж}}{\text{К}}$); T – абсолютная температура газа (К); V – объем (м^3); ν – количество вещества (моль); R – универсальная газовая постоянная ($R = k \cdot N_A = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль}\cdot\text{К}}$)</p>
<p>Закон Дальтона:</p> $p = p_1 + p_2 + \dots + p_N$	<p>p – давление смеси газов (Па); $p_1 + p_2 + \dots + p_N$ – сумма парциальных давлений газов, входящих в смесь (Па)</p>

Газовые законы

Закон Бойля – Мариотта (изотермический процесс):

Если $m = \text{const}$ и $T = \text{const}$, то $pV = \text{const}$



m – масса газа (кг);

T – абсолютная

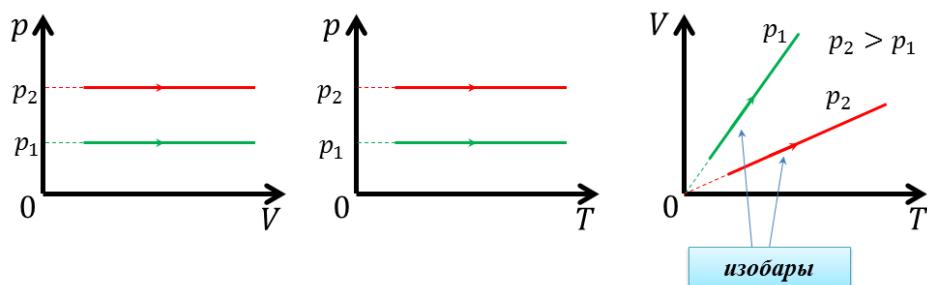
температура газа (К);

p – давление газа (Па);

V – объем (м^3)

Закон Гей – Льюссака (изобарный процесс):

Если $m = \text{const}$ и $p = \text{const}$, то $\frac{V}{T} = \text{const}$



m – масса газа (кг);

T – абсолютная

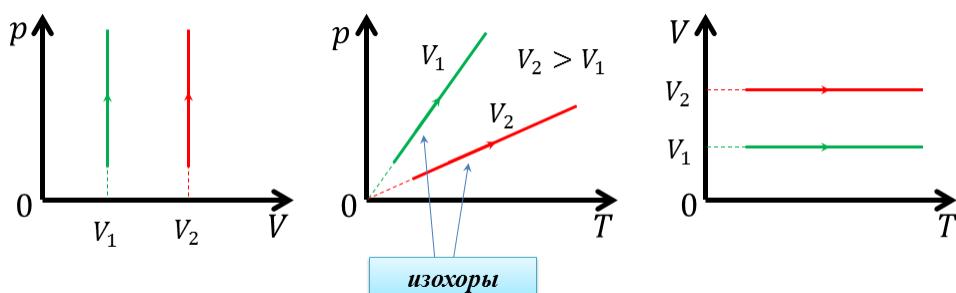
температура газа (К);

p – давление газа (Па);

V – объем (м^3)

Закон Шарля (изохорный процесс):

Если $m = \text{const}$ и $V = \text{const}$, то $\frac{p}{T} = \text{const}$



m – масса газа (кг);

T – абсолютная

температура газа (К);

p – давление газа (Па);

V – объем (м^3)

Влажность воздуха

Абсолютная влажность:

$$\rho = \frac{m}{V}$$

ρ – абсолютная

влажность (плотность

пара) ($\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$);

m – масса пара (кг);

V – объем (м^3)

Относительная влажность:

$$\varphi = \frac{\rho}{\rho_{\text{н.п.}}} \cdot 100\%$$

$$\varphi = \frac{p}{p_{\text{н.п.}}} \cdot 100\%$$

φ – относительная влажность;
 ρ – абсолютная влажность ($\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$);
 $\rho_{\text{н.п.}}$ – плотность насыщенного пара ($\frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$);
 p – парциальное давление пара (Па);
 $p_{\text{н.п.}}$ – давление насыщенного пара (Па)

Основы термодинамики

Внутренняя энергия одноатомного газа:

$$U = \frac{3}{2} \nu R T$$

$$U = \frac{3}{2} p V$$

U – внутренняя энергия газа (Дж);
 ν – количество вещества (моль);
 R – универсальная газовая постоянная ($R = k \cdot N_A = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль}\cdot\text{К}}$);
 T – абсолютная температура газа (К);
 p – давление газа (Па);
 V – объем (м^3)

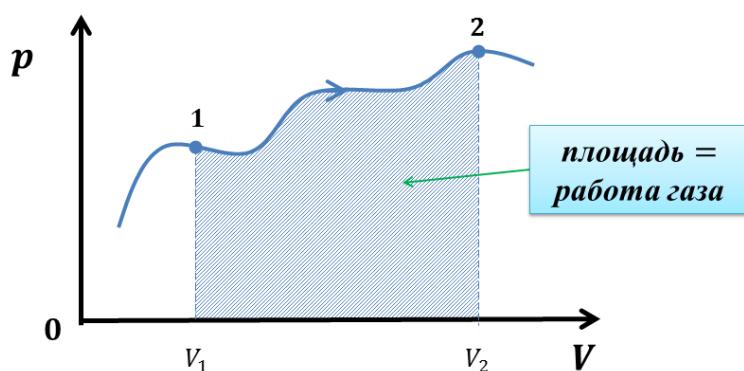
Изменение внутренней энергии одноатомного газа:

$$\Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$$

ΔU – изменение внутренней энергии газа (Дж);
 ν – количество вещества (моль);
 R – универсальная газовая постоянная ($R = k \cdot N_A = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль}\cdot\text{К}}$);
 ΔT – изменение температуры газа ($K = {}^\circ C$)

Работа газа в изобарном процессе:

$$A = p\Delta V$$



A – работа газа (Дж);

p – давление газа (Па);

ΔV – изменение объема (м^3);

A' – работа внешних сил (работа над газом) (Дж)

Работа внешних сил:

$$A' = -A$$

Первый закон термодинамики:

$$Q = \Delta U + A$$

Частные случаи:

Изобарный процесс ($p = \text{const}$):

$$Q = \Delta U + A$$

Изотермический процесс ($T = \text{const}$):

$$Q = A$$

Изохорный процесс ($V = \text{const}$):

$$Q = \Delta U$$

Адиабатный процесс ($Q = 0$):

$$\Delta U + A = 0$$

$$\Delta U = A'$$

Q – количество теплоты, полученное газом (Дж);

ΔU – изменение внутренней энергии газа (Дж);

A – работа газа (Дж);

A' – работа внешних сил (Дж)

КПД тепловых двигателей:

$$\eta = \frac{A_{\text{ц}}}{Q_{\text{н}}} \cdot 100\%$$

$$A_{\text{ц}} = Q_{\text{н}} - |Q_{\text{x}}|$$

$$\eta = \frac{Q_{\text{н}} - |Q_{\text{x}}|}{Q_{\text{н}}}$$

$$\eta = 1 - \frac{|Q_{\text{x}}|}{Q_{\text{н}}}$$

η – КПД;

$A_{\text{ц}}$ – работа газа за цикл (Дж);

$Q_{\text{н}}$ – количество теплоты, полученное от нагревателя (Дж);

Q_{x} – количество теплоты, отданное холодильнику (Дж);

<p>КПД идеальной тепловой машины (машины Карно):</p> $\eta = \frac{T_{\text{H}} - T_{\text{x}}}{T_{\text{H}}} \cdot 100\%$ $\eta = 1 - \frac{T_{\text{x}}}{T_{\text{H}}}$	<p>η – КПД; T_{H} – температура нагревателя (К); T_{x} – температура холодильника (К)</p>
Количество теплоты в различных тепловых процессах	
<p>Нагревание / охлаждение:</p> $Q = cm\Delta t = cm(t_2 - t_1)$	<p>Q – количество теплоты (Дж); c – удельная теплоемкость $\left(\frac{\text{Дж}}{\text{кг}\cdot\text{К}} = \frac{\text{Дж}}{\text{кг}\cdot\text{К}} \right)$; m – масса (кг); Δt – изменение температуры (К); t_1, t_2 – начальная и конечная температуры</p>
<p>Плавление:</p> $Q = \lambda m$ <p>Кристаллизация:</p> $Q = -\lambda m$	<p>Q – количество теплоты (Дж); λ – удельная теплота плавления $\left(\frac{\text{Дж}}{\text{кг}} \right)$; m – масса (кг)</p>
<p>Парообразование:</p> $Q = Lm$ <p>Конденсация:</p> $Q = -Lm$	<p>Q – количество теплоты (Дж); L – удельная теплота парообразования $\left(\frac{\text{Дж}}{\text{кг}} \right)$; m – масса (кг)</p>
<p>Сгорание топлива:</p> $Q = qm$	<p>Q – количество теплоты (Дж); q – удельная теплота сгорания топлива $\left(\frac{\text{Дж}}{\text{кг}} \right)$; m – масса (кг)</p>

Уравнение теплового баланса:	$Q_1 + Q_2 + \dots + Q_N = 0$	$Q_1 + Q_2 + \dots + Q_N -$ сумма количеств теплоты, полученных и выделенных в процессе теплообмена (Дж)
Электростатика		
Электрический заряд:	$q = \pm Ne$	q – электрический заряд (Кл); N – число избыточных / недостающих электронов (целое число); e – элементарный электрический заряд (заряд протона / модуль заряда электрона) ($e = 1,6 \cdot 10^{-19}$ Кл)
Закон сохранения заряда:	$q_1 + q_2 + \dots + q_N = const$ $q_1 + q_2 + \dots + q_N = q'_1 + q'_2 + \dots + q'_N$	$q_1 + q_2 + \dots + q_N -$ алгебраическая сумма зарядов до вз-ия (Кл); $q'_1 + q'_2 + \dots + q'_N -$ алгебраическая сумма зарядов после вз-ия (Кл)
Закон Кулона:	$F = k \frac{ q_1 \cdot q_2 }{r^2}$	F – сила кулоновского взаимодействия (Н); k – коэффициент пропорциональности в законе Кулона ($k =$ $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \cdot 10^9 \frac{\text{Н}\cdot\text{м}^2}{\text{Кл}^2}$); ϵ_0 – электрическая постоянная ($\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi k} =$ $8,85 \cdot 10^{-12} \frac{\Phi}{\text{м}}$); q_1, q_2 – заряды (Кл); r – расстояние между зарядами (м)

Напряженность электрического поля:

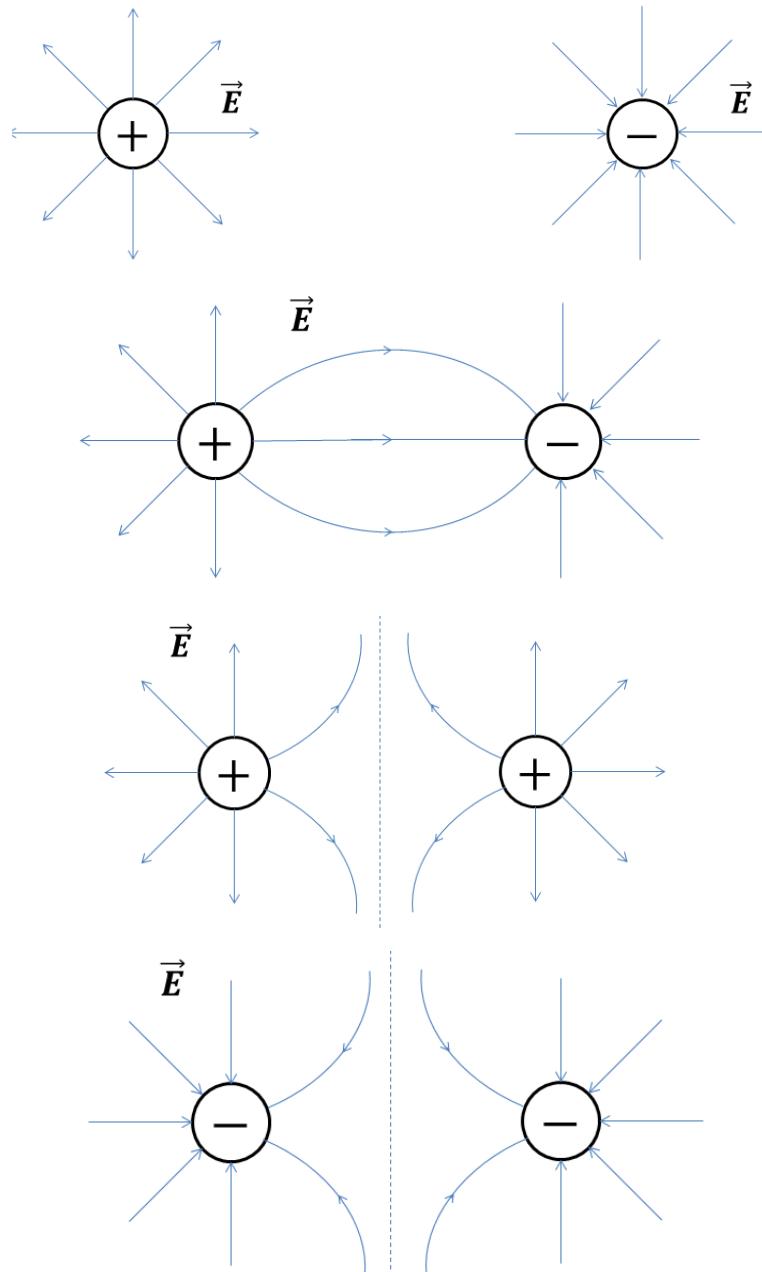
$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$$

Направление напряженности:

$$\vec{E} \uparrow\uparrow \vec{F}, \quad \text{если } q > 0$$

$$\vec{E} \uparrow\downarrow \vec{F}, \quad \text{если } q < 0$$

Графическое представление электрического поля:



E – напряженность

электрического поля

$$\left(\frac{H}{Kl} = \frac{B}{M} \right);$$

F – сила, действующая на заряд со стороны электрического поля в данной точке (H);

q – заряд, помещенный в электрическое поле (Kl)

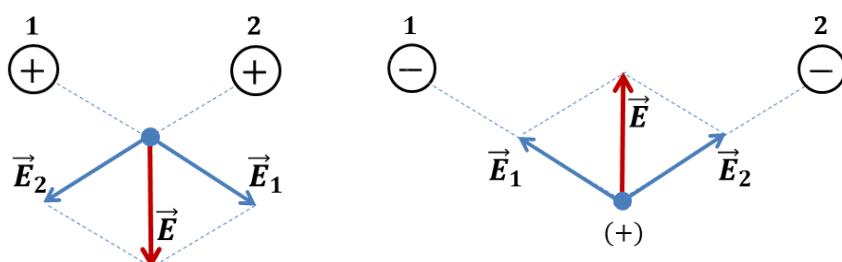
Напряженность точечного заряда:

$$E = k \frac{|q_{\text{ист}}|}{r^2}$$

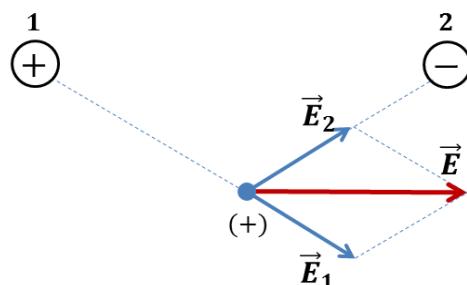
E – напряженность электрического поля
 $\left(\frac{H}{Kл} = \frac{B}{M}\right)$;
 k – коэффициент пропорциональности в законе Кулона ($k = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} = 9 \cdot 10^9 \frac{H \cdot M^2}{Kл^2}$);
 $q_{\text{ист}}$ – заряд, создающий электрическое поле (Кл);
 r – расстояние от заряда до точки, в которой необходимо вычислить напряженность (м)

Принцип суперпозиции электрического поля:

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \dots + \vec{E}_N$$



$\vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \dots + \vec{E}_N$ – векторная сумма напряженностей, созданных различными зарядами, в данной точке
 $\left(\frac{H}{Kл} = \frac{B}{M}\right)$



$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$$

<p>Работа однородного электрического поля по перемещению заряда:</p> $A = qEd$	<p>A – работа электрического поля (Дж); q – заряд (Кл); E – напряженность электрического поля $\left(\frac{Н}{Кл} = \frac{В}{м}\right)$; d – расстояние, проходимое зарядом вдоль линий напряженности (м)</p>
<p>Потенциал:</p> $\varphi = \frac{W_{\Pi}}{q}$	<p>φ – потенциал электрического поля (В); W_{Π} – потенциальная энергия заряда (Дж); q – заряд (Кл)</p>
<p>Напряжение:</p> $U = \varphi_1 - \varphi_2$ $U = \frac{A}{q}$	<p>U – напряжение (В); φ_1, φ_2 – потенциалы в различных точках поля (В); A – работа поля по перемещению заряда из точки 1 в точку 2 (Дж); q – заряд (Кл)</p>
<p>Связь напряжения и напряженности:</p> $U = Ed$	<p>U – напряжение (В); E – напряженность электрического поля $\left(\frac{Н}{Кл} = \frac{В}{м}\right)$; d – расстояние, проходимое зарядом вдоль линий напряженности (м)</p>

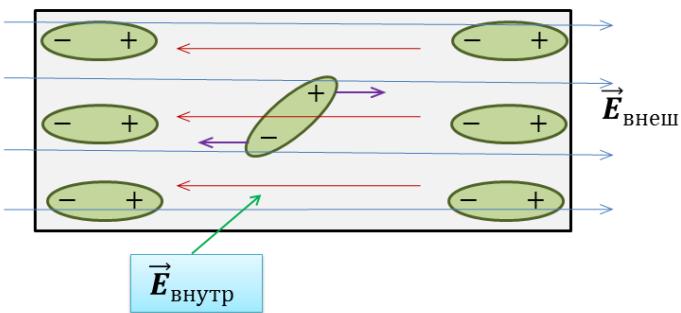
Проводники в электрическом поле:



$$\vec{E} = \vec{E}_{\text{внеш}} + \vec{E}_{\text{внутр}} = 0$$

$\vec{E}_{\text{внеш}}$ – напряженность внешнего электрического поля $(\frac{H}{Кл} = \frac{B}{м})$;
 $\vec{E}_{\text{внутр}}$ – напряженность внутреннего электрического поля проводника, созданного перераспределением зарядов $(\frac{H}{Кл} = \frac{B}{м})$;
 \vec{E} – общая напряженность $(\frac{H}{Кл} = \frac{B}{м})$;

Диэлектрики в электрическом поле:



$$\vec{E} = \vec{E}_{\text{внеш}} + \vec{E}_{\text{внутр}} \neq 0$$

$\vec{E}_{\text{внеш}}$ – напряженность внешнего электрического поля $(\frac{H}{Кл} = \frac{B}{м})$;
 $\vec{E}_{\text{внутр}}$ – напряженность внутреннего электрического поля проводника, созданного ориентированием диполей $(\frac{H}{Кл} = \frac{B}{м})$;
 \vec{E} – общая напряженность $(\frac{H}{Кл} = \frac{B}{м})$;

Заряд конденсатора:

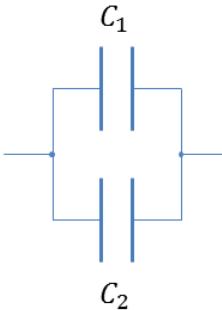
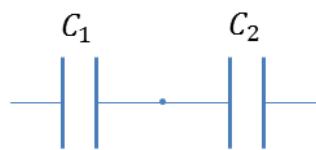
$$q = CU$$

q – заряд конденсатора (Кл);
 C – электроемкость конденсатора (Ф);
 U – напряжение (В)

Электроемкость плоского конденсатора:

$$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d}$$

C – электроемкость конденсатора (Ф);
 ϵ – диэлектрическая проницаемость среды;

<p>Электроемкость воздушного конденсатора:</p> $C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$	<p>ϵ_0 – электрическая постоянная ($\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{\Phi}{\text{Ам}})$;</p> <p>$S$ – площадь обкладок конденсатора (м^2);</p> <p>d – расстояние между обкладками конденсатора (м)</p>
<p>Конденсатор заряжен и подключен к источнику:</p> $U = \text{const}$ <p>Конденсатор заряжен и отключен от источника:</p> $q = \text{const}$	<p>U – напряжение (В);</p> <p>q – заряд конденсатора (Кл)</p>
<p>Параллельное соединение конденсаторов:</p>  $U_{\text{общ}} = U_1 = U_2$ $q_{\text{общ}} = q_1 + q_2$ $C_{\text{общ}} = C_1 + C_2$	<p>$U_1, U_2, U_{\text{общ}}$ – напряжение на первом, втором конденсаторах и общее напряжение на участке (В);</p> <p>$q_1, q_2, q_{\text{общ}}$ – заряд первого, второго конденсатора и общий заряд (Кл);</p> <p>$C_1, C_2, C_{\text{общ}}$ – электроемкость первого, второго конденсатора и общая электроемкость (Φ)</p>
<p>Последовательное соединение конденсаторов:</p>  $q_{\text{общ}} = q_1 = q_2$ $U_{\text{общ}} = U_1 + U_2$ $\frac{1}{C_{\text{общ}}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$	

Энергия электрического поля конденсатора:

$$W_{\text{эл}} = \frac{CU^2}{2}$$

$$W_{\text{эл}} = \frac{q^2}{2C}$$

$$W_{\text{эл}} = \frac{qU}{2}$$

$W_{\text{эл}}$ – энергия

электрического поля
конденсатора (Дж);

C – электроемкость
конденсатора (Φ);

U – напряжение (В);

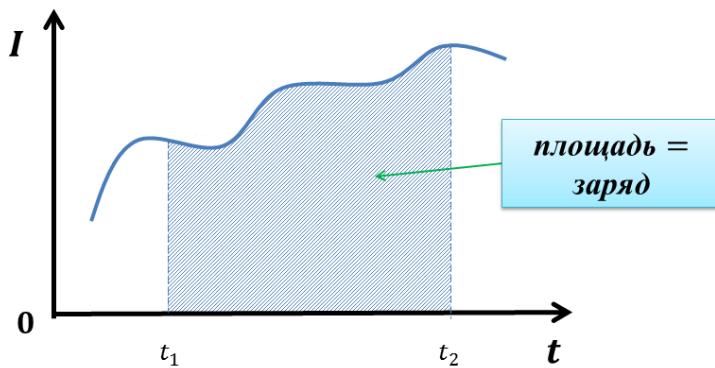
q – заряд конденсатора
(Кл)

Законы постоянного тока

Сила постоянного тока:

$$I = \frac{q}{t}$$

Для переменного тока:



I – сила тока (А);

q – заряд, проходящий
по проводнику (Кл);

t – время прохождения
заряда (с)

Сопротивление:

$$R = \frac{\rho l}{S}$$

R – сопротивление
проводника (Ом);

ρ – удельное

сопротивление

материала ($\frac{\Omega \cdot \text{мм}^2}{\text{м}}$);

l – длина проводника (м);

S – площадь поперечного
сечения проводника
(мм^2)

Закон Ома для участка цепи:

$$I = \frac{U}{R}$$

I – сила тока на участке
цепи (А);

U – напряжение на
концах участка (В);

R – сопротивление
участка цепи (Ом)

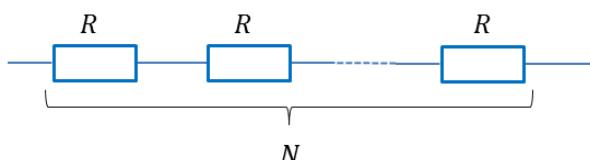
Законы последовательного соединения проводников:



$$I_{\text{общ}} = I_1 = I_2$$

$$U_{\text{общ}} = U_1 + U_2$$

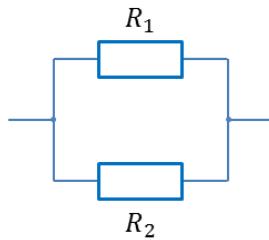
$$R_{\text{общ}} = R_1 + R_2$$



$$R_{\text{общ}} = N \cdot R$$

$I_1, I_2, I_{\text{общ}}$ – сила тока в первом, втором резисторе и общая сила тока (А);
 $U_1, U_2, U_{\text{общ}}$ – напряжение на первом, втором резисторе и общее напряжение (В);
 $R_1, R_2, R_{\text{общ}}$ – сопротивление первого, второго резистора и общее сопротивление участка (Ом);
 N – количество последовательно соединенных одинаковых резисторов R

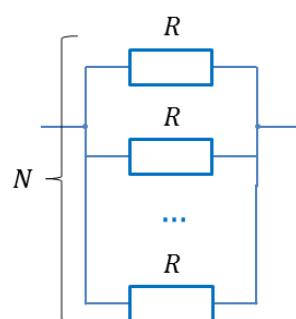
Законы параллельного соединения проводников:



$$U_{\text{общ}} = U_1 = U_2$$

$$I_{\text{общ}} = I_1 + I_2$$

$$\frac{1}{R_{\text{общ}}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \quad \text{или} \quad R_{\text{общ}} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$



$$R_{\text{общ}} = \frac{R}{N}$$

$U_1, U_2, U_{\text{общ}}$ – напряжение на первом, втором резисторе и общее напряжение (В);
 $I_1, I_2, I_{\text{общ}}$ – сила тока в первом, втором резисторе и общая сила тока (А);
 $R_1, R_2, R_{\text{общ}}$ – сопротивление первого, второго резистора и общее сопротивление участка (Ом);
 N – количество параллельно соединенных одинаковых резисторов R

<p>Работа тока:</p> $A = UIt$ $A = I^2Rt$ $A = \frac{U^2}{R} t$	<p>A – работа тока (Дж); I – сила тока (А); U – напряжение (В); R – сопротивление (Ом); t – время протекания тока (с)</p>
<p>Мощность тока:</p> $P = \frac{A}{t}$ $P = UI$ $P = I^2R$ $P = \frac{U^2}{R}$	<p>P – мощность тока (Вт); I – сила тока (А); U – напряжение (В); R – сопротивление (Ом) t – время протекания тока (с)</p>
<p>Закон Джоуля – Ленца:</p> $Q = A$	<p>Q – количество теплоты, выделяемое в проводнике с током (Дж); A – работа тока (Дж)</p>
<p>Электродвижущая сила (ЭДС):</p> $\mathcal{E} = \frac{A_{\text{ст}}}{q}$	<p>\mathcal{E} – электродвижущая сила (В); $A_{\text{ст}}$ – работа сторонних сил по разделению заряда (Дж); q – заряд (Кл)</p>
<p>Закон Ома для полной цепи:</p> $I = \frac{\mathcal{E}}{r + R}$	<p>I – сила тока в цепи (А); \mathcal{E} – электродвижущая сила (В); r – внутреннее сопротивление источника тока (Ом); R – внешнее сопротивление (Ом)</p>

Ток короткого замыкания:

$$R = 0$$

$$I_k = \frac{\mathcal{E}}{r}$$

R – внешнее

сопротивление (Ом);

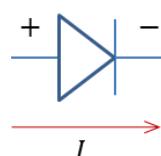
\mathcal{E} – электродвижущая сила (В);

I_k – сила тока короткого замыкания (А);

r – внутреннее сопротивление источника тока (Ом)

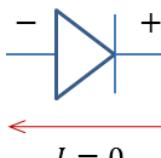
Полупроводниковый диод:

Прямое подключение:



$$R = 0$$

Обратное подключение:



$$R = \infty$$

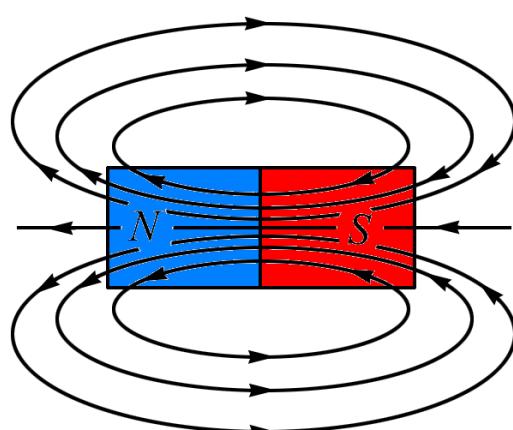
I – сила тока (А);

R – сопротивление диода (Ом)

Магнитные явления

Графическое представление магнитного поля:

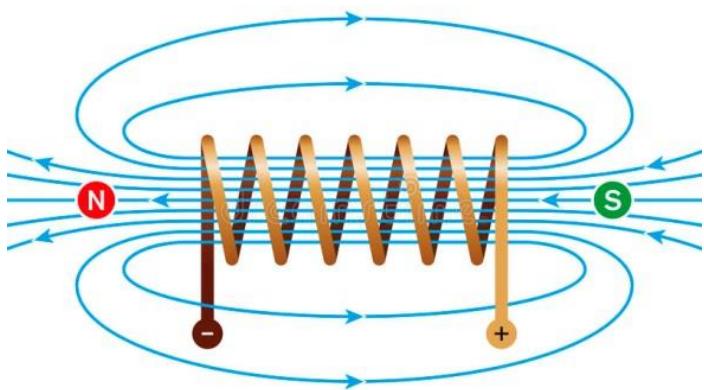
а) постоянного магнита:



N – северный магнитный полюс

S – южный магнитный полюс

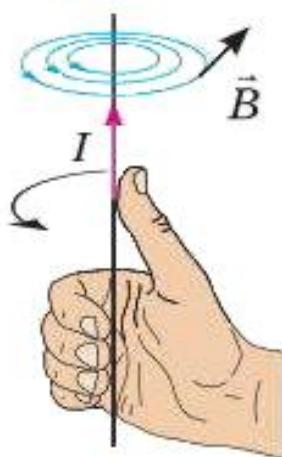
б) катушки с током:



Правило правой руки (правило буравчика):

1) Для прямого проводника с током:

Обхватить проводник правой рукой таким образом, чтобы большой палец совпал с направлением тока, а четыре пальца укажут направление линий магнитного поля.



2) Для кругового тока:

Обхватить катушку (виток) правой рукой таким образом, чтобы четыре пальца совпали с направлением тока, а большой палец укажет направление линий магнитного поля.

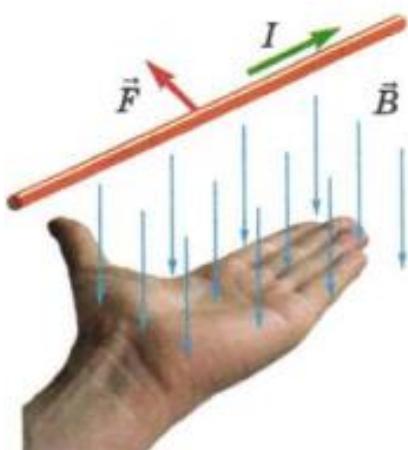


Сила Ампера:

$$F_A = IBl \sin \alpha$$

Правило левой руки:

Расположить левую руку таким образом, чтобы линии магнитной индукции входили в ладонь, а четыре вытянутых пальца указывали направление тока в проводнике, тогда отставленный на 90° большой палец укажет направление силы Ампера.



F_A – сила Ампера (Н);

I – сила тока в проводнике (А);

B – индукция магнитного поля (Тл);

l – длина проводника в магнитном поле (м);

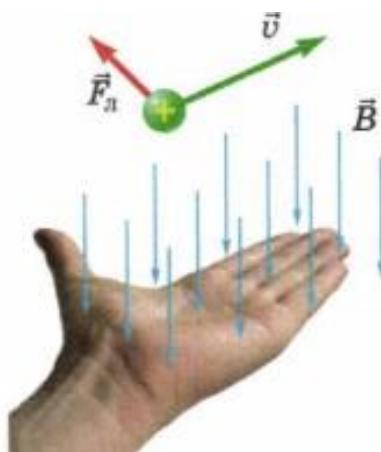
α – угол между направлением вектора магнитной индукции и направлением тока в проводнике

Сила Лоренца:

$$F_L = |q|vB \sin \alpha$$

Правило левой руки для положительного заряда:

Расположить левую руку таким образом, чтобы линии магнитной индукции входили в ладонь, а четыре вытянутых пальца указывали направление скорости частицы, тогда отставленный на 90° большой палец укажет направление силы Лоренца.



F_L – сила Лоренца (Н);

q – заряд частицы (Кл);

v – скорость частицы

$(\frac{м}{с})$;

B – индукция магнитного поля (Тл);

α – угол между

направлением вектора магнитной индукции и направлением скорости частицы

Движение заряженной частицы в магнитном поле ($\vec{B} \perp \vec{v}$):

$$F_L = ma_{\text{ц}}$$

$$\vec{B} \perp \vec{v} \Rightarrow \alpha = 90^\circ \Rightarrow \sin \alpha = 1$$

$$qvB = \frac{mv^2}{R}$$

$$R = \frac{mv}{qB}$$

$$T = \frac{2\pi R}{v} = \frac{2\pi \frac{mv}{qB}}{v}$$

$$T = \frac{2\pi m}{qB}$$

F_L – сила Лоренца (Н);

m – масса частицы (кг);

$a_{\text{ц}}$ –

центростремительное

ускорение ($\frac{\text{м}}{\text{с}^2}$);

B – индукция

магнитного поля (Тл);

v – скорость частицы

($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);

α – угол между

направлением вектора

магнитной индукции и

направлением скорости

частицы;

q – заряд частицы (Кл);

R – радиус окружности,

по которой движется

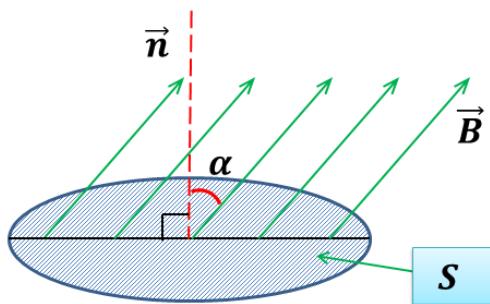
частица (м);

T – период обращения

частица (с)

Магнитный поток:

$$\Phi = BS \cos \alpha$$



Φ – магнитный поток

(Вб);

B – индукция магнитного поля (Тл);

S – площадь контура (м^2);

n – нормаль к площади контура;

α – угол между

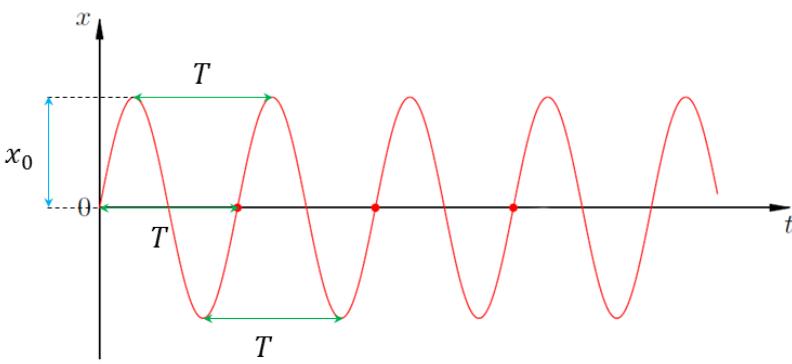
направлением нормали к

площади контура и

направлением вектора

магнитной индукции

<p>Закон электромагнитной индукции Фарадея:</p> $\mathcal{E}_i = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$	<p>\mathcal{E}_i – ЭДС индукции (В); $\frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$ – скорость изменения магнитного потока $\Delta \Phi$ – изменение магнитного потока (Вб); Δt – время (с)</p>
<p>Правило Ленца:</p> <p>Индукционный ток имеет такое направление, что своим магнитным полем препятствует тому изменению магнитного потока, которым он вызван.</p> <p>Алгоритм определения направления индукционного тока:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) определить направление внешнего магнитного поля; 2) определить уменьшается или увеличивается магнитный поток; 3) если $\Phi \uparrow \Rightarrow \vec{B} \downarrow \downarrow \vec{B}_i$ $\Phi \downarrow \Rightarrow \vec{B} \uparrow \uparrow \vec{B}_i$ <ol style="list-style-type: none"> 4) применить правило правой руки. 	<p>Φ – магнитный поток B – индукция внешнего магнитного поля B_i – индукция магнитного поля, созданного индукционным током</p>
<p>ЭДС индукции прямого проводника, движущегося в магнитном поле:</p> $\mathcal{E}_i = vBl \sin \alpha$	<p>\mathcal{E}_i – ЭДС индукции (В); v – скорость проводника ($\frac{м}{с}$); B – индукция магнитного поля (Тл); l – длина проводника (м); α – угол между направлениями векторов магнитной индукции и скорости</p>
<p>Магнитный поток катушки индуктивности:</p> $\Phi = LI$	<p>Φ – магнитный поток катушки индуктивности (Вб); L – индуктивность</p>

	<p>катушки (Гн); I – сила тока в катушке (A)</p>
ЭДС самоиндукции:	<p>\mathcal{E}_{si} – ЭДС самоиндукции (B); L – индуктивность катушки (Гн); $\frac{\Delta I}{\Delta t}$ – скорость изменения силы тока; ΔI – изменение силы тока (A); Δt – время (с)</p>
Энергия магнитного поля катушки с током:	<p>W_m – энергия магнитного поля катушки с током (Дж); L – индуктивность катушки (Гн); I – сила тока в катушке (A)</p>
Колебания и волны	
Уравнение гармонических колебаний:	<p>$x(t) = x_0 \cdot \sin(\omega t + \varphi_0)$</p>  <p>$x(t)$ – координата колеблющегося тела в данний момент времени (м); x_0 – амплитуда колебаний (м); $\omega t + \varphi_0$ – фаза колебаний; φ_0 – начальная фаза; t – время (с); ω – циклическая частота $\left(\frac{\text{рад}}{\text{с}} = \text{с}^{-1}\right)$</p>

<p>Связь циклической частоты и периода колебаний:</p> $\omega = \frac{2\pi}{T}$ <p>Связь циклической частоты и частоты колебаний:</p> $\omega = 2\pi\nu$ <p>Связь периода и частоты колебаний:</p> $T = \frac{1}{\nu}$	ω – циклическая частота $\left(\frac{\text{рад}}{\text{с}} = \text{с}^{-1}\right)$; T – период колебаний (с) ; ν – частота колебаний (Гц)
<p>Основное уравнение динамики гармонических колебаний:</p> $a_x + \omega^2 x = 0$	a_x – проекция ускорения на ось x $\left(\frac{\text{м}}{\text{с}^2}\right)$; ω – циклическая частота $\left(\frac{\text{рад}}{\text{с}} = \text{с}^{-1}\right)$; x – координата (м)
<p>Период колебаний математического маятника:</p> $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$	T – период колебаний (с) ; l – длина маятника (м); g – ускорение свободного падения $\left(g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}\right)$
<p>Закон сохранения энергии для математического маятника:</p> $E = E_{\text{k}} + E_{\text{п}} = \frac{mv^2}{2} + mgh = \frac{mv_{\text{max}}^2}{2} = mgh_{\text{max}}$	E – полная механическая энергия (Дж); $E_{\text{k}}, \frac{mv^2}{2}$ – кинетическая энергия маятника (Дж); $E_{\text{п}}, mgh$ – потенциальная энергия маятника (Дж); m – масса груза (кг); v – скорость груза $\left(\frac{\text{м}}{\text{с}}\right)$; h – высота подъема груза над нулевым уровнем потенциальной энергии (м); $\frac{mv_{\text{max}}^2}{2}$ – максимальная кинетическая энергия

	<p>(Дж);</p> <p>mgh_{max} – максимальная потенциальная энергия (Дж);</p> <p>v_{max} – максимальная скорость маятника ($\frac{м}{с}$);</p> <p>h_{max} – максимальная высота подъема груза над нулевым уровнем потенциальной энергии (м)</p>
Период колебаний пружинного маятника:	$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ <p>T – период колебаний (с) m – масса груза (кг); k – жесткость пружины ($\frac{Н}{м}$)</p>
Закон сохранения энергии для пружинного маятника:	$E = E_k + E_p = \frac{mv^2}{2} + \frac{kx^2}{2} = \frac{mv_{max}^2}{2} = \frac{kx_{max}^2}{2}$ <p>E – полная механическая энергия (Дж); $E_k, \frac{mv^2}{2}$ – кинетическая энергия маятника (Дж); $E_p, \frac{kx^2}{2}$ – потенциальная энергия маятника (Дж); m – масса груза (кг); v – скорость груза ($\frac{м}{с}$); x – удлинение пружины (м); $\frac{mv_{max}^2}{2}$ – максимальная кинетическая энергия (Дж); $\frac{kx_{max}^2}{2}$ – максимальная потенциальная энергия (Дж); v_{max} – максимальная скорость маятника ($\frac{м}{с}$);</p>

	x_{max} – максимальное удлинение пружины (м)
Период электромагнитных колебаний (формула Томсона): $T = 2\pi\sqrt{LC}$	T – период колебаний (с); L – индуктивность катушки (Гн); C – электроемкость конденсатора (Φ)
Закон сохранения энергии для электромагнитных колебаний: $W = W_{эл} + W_{м} = \frac{q^2}{2C} + \frac{LI^2}{2} = \frac{q_{max}^2}{2C} = \frac{LI_{max}^2}{2}$	W – полная энергия (Дж); $W_{эл}, \frac{q^2}{2C}$ – энергия электрического поля конденсатора (Дж); C – электроемкость конденсатора (Φ); q – заряд конденсатора (Кл); $W_{м}, \frac{LI^2}{2}$ – энергия магнитного поля катушки с током (Дж); L – индуктивность катушки (Гн); I – сила тока в катушке (А); $\frac{q_{max}^2}{2C}$ – максимальная энергия электрического поля конденсатора (Дж); $\frac{LI_{max}^2}{2}$ – максимальная энергия магнитного поля катушки с током (Дж); q_{max} – максимальный заряд конденсатора (Кл); I_{max} – максимальная сила тока в катушке (Гн)

Длина волны:

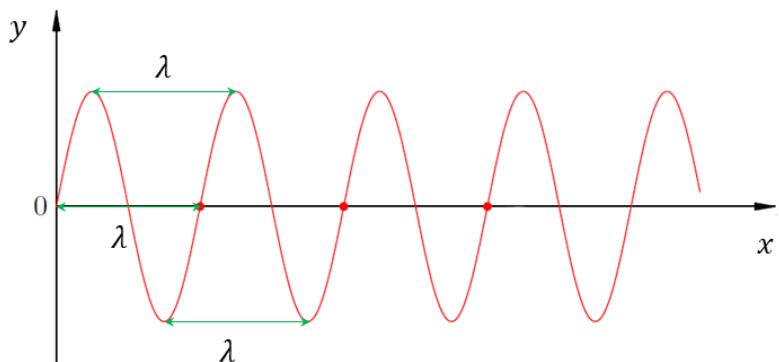
$$\lambda = vT$$

$$\lambda = \frac{v}{\nu}$$

Длина электромагнитной волны:

$$\lambda = cT$$

$$\lambda = \frac{c}{\nu}$$



λ – длина волны (м);

v – скорость волны ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);

T – период (с);

ν – частота (Гц);

c – скорость света в

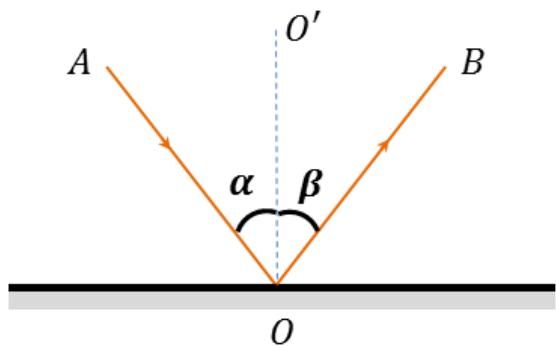
вакууме ($c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$)

Геометрическая оптика

Закон прямолинейного распространения света:

Свет в прозрачной и оптически однородной среде распространяется прямолинейно.

Закон отражения света:



α – угол падения;

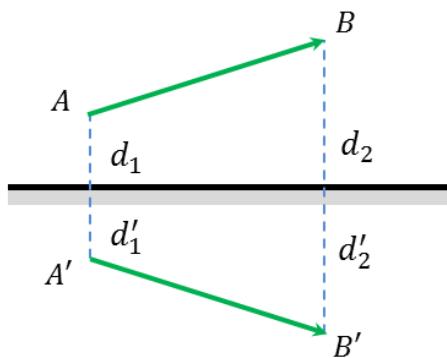
β – угол отражения

1) лучи падающий, отраженный и перпендикуляр, опущенный в точку падения, лежат в одной плоскости;

2) угол падения равен углу отражения:

$$\angle \alpha = \angle \beta$$

Плоское зеркало:



AB – предмет;

A'B' – изображение

$$d_1 = d_2$$

$$d'_1 = d'_2$$

Характеристики изображения:

- 1) изображение равно по размеру предмету;
- 2) находится на таком же расстоянии от зеркала, что и предмет;
- 3) мнимое.

Абсолютный показатель преломления:

$$n = \frac{c}{v}$$

Относительный показатель преломления:

$$n_{21} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2}$$

n – абсолютный

показатель преломления;

c – скорость света в

вакууме ($c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$);

v – скорость света в

среде ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);

*n*₂₁ – относительный

показатель преломления

второй среды

относительно первой;

*n*₁, *n*₂ – абсолютные

показатели преломления

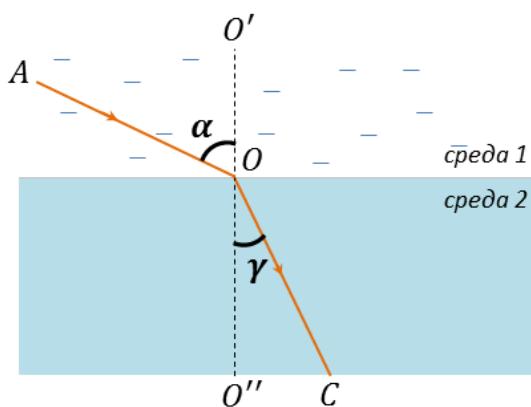
первой и второй среды

*v*₁, *v*₂ – скорость света в

первой и второй среде

($\frac{\text{м}}{\text{с}}$)

Закон преломления света:



n_1 – абсолютный показатель преломления первой среды;
 n_2 – абсолютный показатель преломления второй среды;
 α – угол падения;
 γ – угол преломления

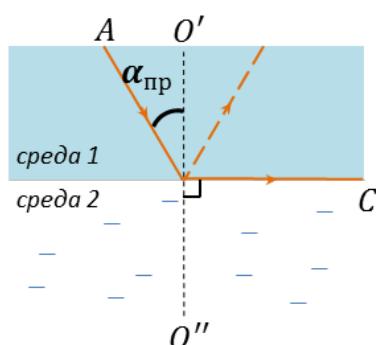
- 1) лучи падающий, преломленный и перпендикуляр к границе раздела двух сред, проведенный через точку падения, лежат в одной плоскости;
- 2) закон Снеллиуса: отношение синусов углов падения и преломления есть величина постоянная для данных двух сред, равная их относительному показателю преломления, или:

$$n_1 \sin \alpha = n_2 \sin \gamma$$

Следствия:

- 1) Если $n_1 = n_2$, то $\alpha = \gamma$;
- 2) Если $n_1 < n_2$, то $\alpha > \gamma$;
- 3) Если $n_1 > n_2$, то $\alpha < \gamma$.

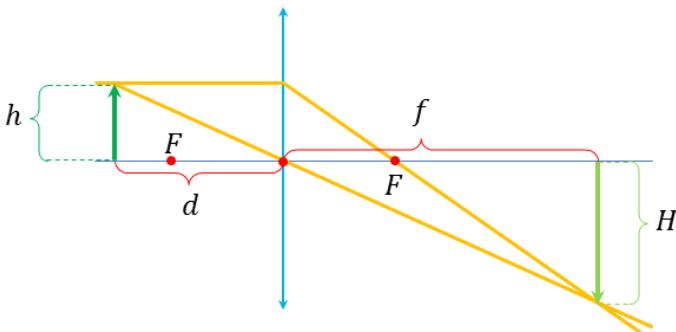
Предельный угол полного внутреннего отражения:



n_1 – абсолютный показатель преломления первой среды;
 n_2 – абсолютный показатель преломления второй среды;
 $\alpha_{\text{пр}}$ – предельный угол

$$n_1 > n_2$$

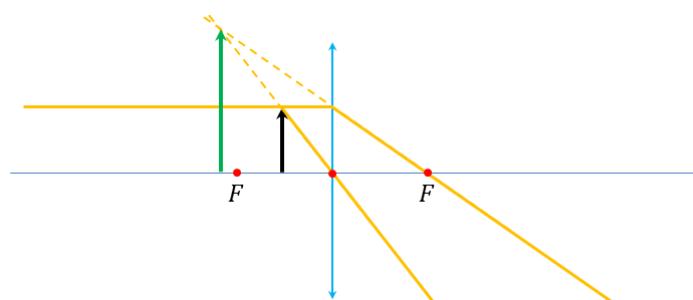
$$\sin \alpha_{\text{пр}} = \frac{n_2}{n_1}$$

<p>Оптическая сила линзы:</p> $D = \frac{1}{F}$	<p>D – оптическая сила линзы (дптр); F – фокусное расстояние (м)</p>
<p>Формула тонкой линзы:</p>  $\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$ <p>$F > 0$ – для собирающей линзы $F < 0$ – для рассеивающей линзы $f > 0$ – для действительного изображения $f < 0$ – для мнимого изображения</p>	<p>F – фокусное расстояние (м); d – расстояние от предмета до линзы (м); f – расстояние от изображения до линзы (м)</p>
<p>Линейное увеличение:</p> $\Gamma = \frac{H}{h}$	<p>Γ – линейное увеличение; H – высота изображения (м); h – высота предмета (м)</p>
<p>Ход лучей в тонкой линзе:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) для любой тонкой линзы любой луч, идущий через оптический центр, не преломляется. 2) лучи, параллельные главной оптической оси, преломляются в собирающей линзе так, что после они пересекаются в одной общей точке, называемой фокусом. 3) лучи, параллельные главной оптической оси, преломляются в рассеивающей линзе так, что после они расходятся, а в одной точке на главной оптической оси (фокусе) пересекаются их продолжения. 	

Примеры построений:

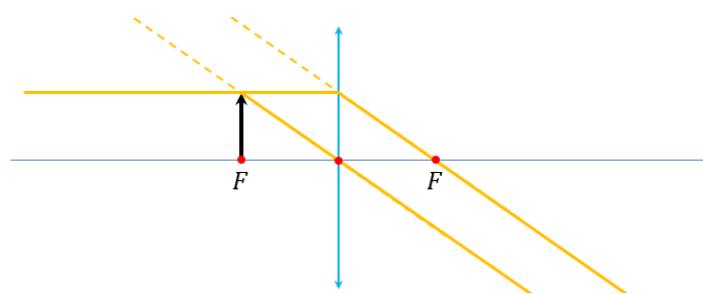
Собирающая линза:

а) $d < F$



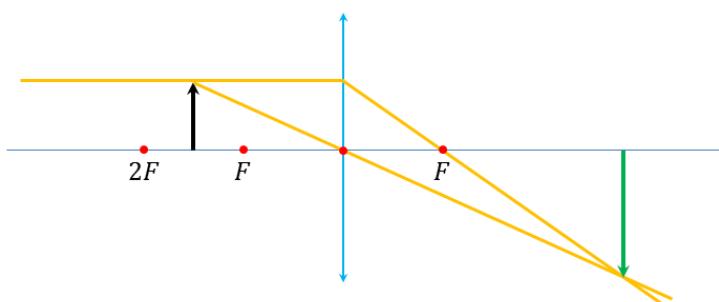
Характеристики изображения: увеличенное, прямое, мнимое.

б) $d = F$



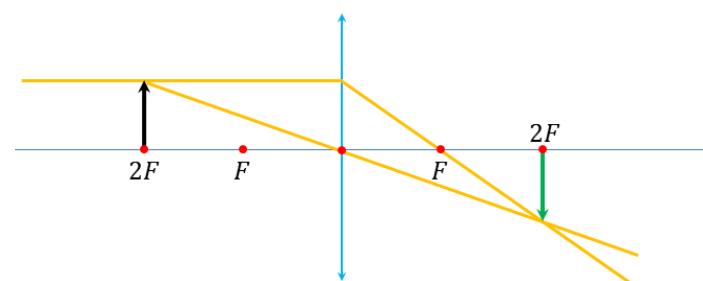
Характеристики изображения: изображения нет.

в) $F > d > 2F$



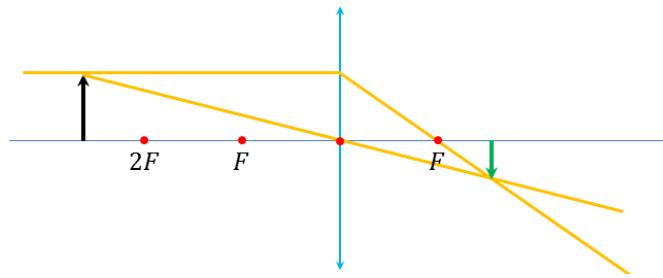
Характеристики изображения: увеличенное, перевернутое, действительное.

г) $d = 2F$



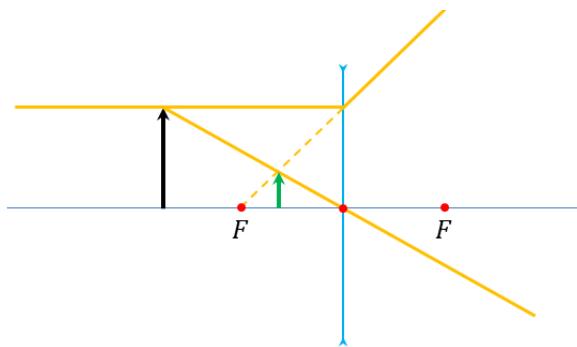
Характеристики изображения: равное по размерам, перевернутое, действительное.

д) $d > 2F$



Характеристики изображения: уменьшенное, перевернутое, действительное.

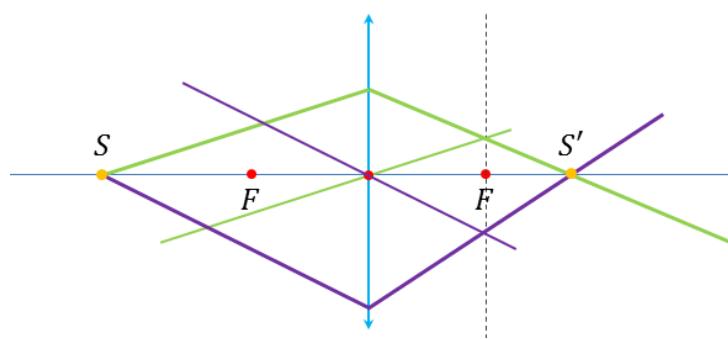
Рассеивающая линза (d – любое):



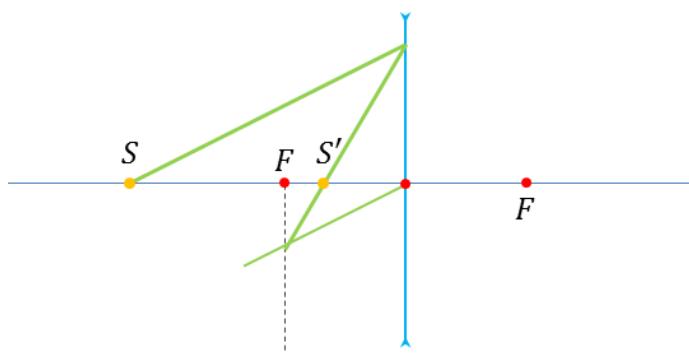
Характеристики изображения: уменьшенное, прямое, мнимое.

Построение изображения точки на главной оптической оси:

Собирающая линза:



Рассеивающая линза:



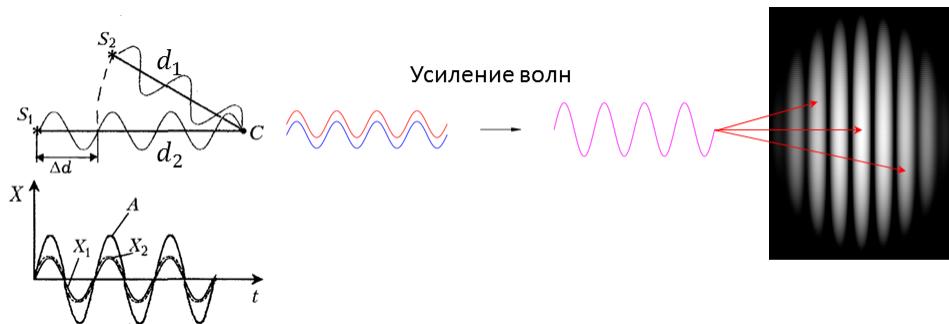
Волновая оптика

Интерференция:

$$\Delta d = d_2 - d_1$$

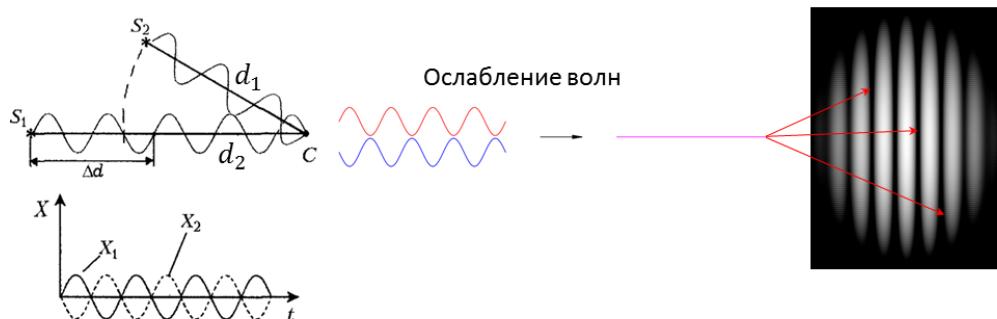
Максимум интерференции:

Δd – разность хода (м);
 d_1, d_2 – длина хода (м);
 m – целое число;
 λ – длина волны (м)



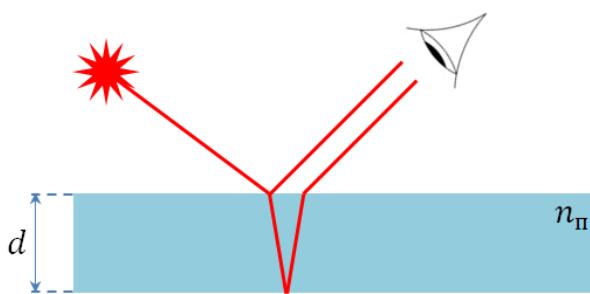
$$\Delta d = m\lambda$$

Минимум интерференции:



$$\Delta d = (2m + 1)\frac{\lambda}{2}$$

Интерференция в тонких пленках:



d – толщина пленки (м);
 $n_{\text{п}}$ – абсолютный показатель преломления пленки;
 λ – длина волны падающего света (м)

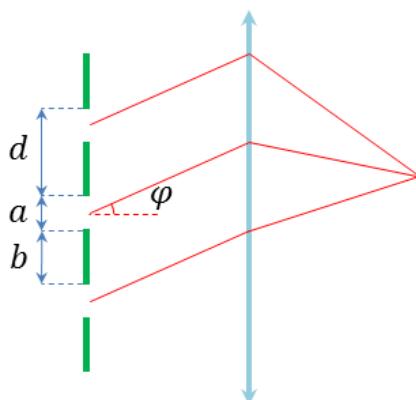
Максимальное отражение:

$$d = \frac{\lambda}{2n_{\text{п}}}$$

Максимальное гашение («просветление оптики»):

$$d = \frac{\lambda}{4n_{\text{п}}}$$

Формула дифракционной решетки:



$$d = a + b = \frac{1}{N}$$

$$d \sin \varphi = m\lambda$$

d – постоянная решетки (м);
 a – ширина непрозрачного промежутка решетки (м);
 b – ширина щели (м);
 N – количество щелей на единицу длины (м^{-1})
 φ – угол отклонения волны;
 m – целое число;
 λ – длина волны (м)

Квантовая физика

Энергия кванта электромагнитного излучения (формула Планка):

$$E = h\nu$$

$$E = \frac{hc}{\lambda}$$

E – энергия кванта электромагнитного излучения (Дж);
 h – постоянная Планка ($h = 6,6 \cdot 10^{-34}$ Дж · с);
 ν – частота электромагнитного излучения (Гц);
 c – скорость света в

	вакууме ($c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$); λ – длина электромагнитной волны (м)
Энергия покоя тела: $E = mc^2$	E – энергия покоя тела (Дж); m – масса тела (кг); c – скорость света в вакууме ($c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$)
Импульс фотона (формула де Бройля): $p = \frac{h}{\lambda}$	p – импульс фотона ($\text{кг} \cdot \frac{\text{м}}{\text{с}}$); h – постоянная Планка ($h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ Дж} \cdot \text{с}$); λ – длина электромагнитной волны (м)

Законы Столетова для фотоэффекта:

- 1) число фотоэлектронов, вырываемых с поверхности металла прямо пропорционально интенсивности света;
- 2) максимальная начальная скорость фотоэлектронов определяется частотой света и не зависит от его интенсивности;
- 3) для каждого вещества существует минимальная частота, при которой фотоэффект уже наблюдается, она называется «красной границей» фотоэффекта.

Уравнение Эйнштейна для фотоэффекта:

Энергия фотона		Работа выхода		Максимальная кинетическая энергия электрона
E		$A_{\text{вых}}$		$E_{\text{k max}}$
$h\nu$	=	$h\nu_{\text{кр}}$	+	$\frac{m_e v_{\text{max}}^2}{2}$
$\frac{hc}{\lambda}$		$\frac{hc}{\lambda_{\text{кр}}}$		eU_3

h – постоянная Планка ($h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ Дж} \cdot \text{с}$);

λ – длина электромагнитной волны (м);

ν – частота электромагнитного излучения (Гц);

c – скорость света в вакууме ($c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$);

$\lambda_{\text{кр}}$ – длина волны, соответствующая «красной» границе фотоэффекта (м);

$\nu_{\text{кр}}$ – частота излучения, соответствующая «красной» границе фотоэффекта (Гц);

m_e – масса электрона ($m_e = 9,1 \cdot 10^{-31}$ кг)

v_{max} – максимальная скорость выбитого электрона ($\frac{\text{м}}{\text{с}}$);

$e = 1,6 \cdot 10^{-19}$ Кл – элементарный электрический заряд (заряд протона / модуль заряда электрона)

U_3 – задерживающее (запирающее) напряжение (В)

Атомная и ядерная физика

Энергия атома водорода по Бору:

$$E_n = -\frac{13,6 \text{ эВ}}{n^2}$$

$$1 \text{ эВ} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Дж}$$

E_n – энергия атома водорода в стационарном состоянии с номером n (эВ)

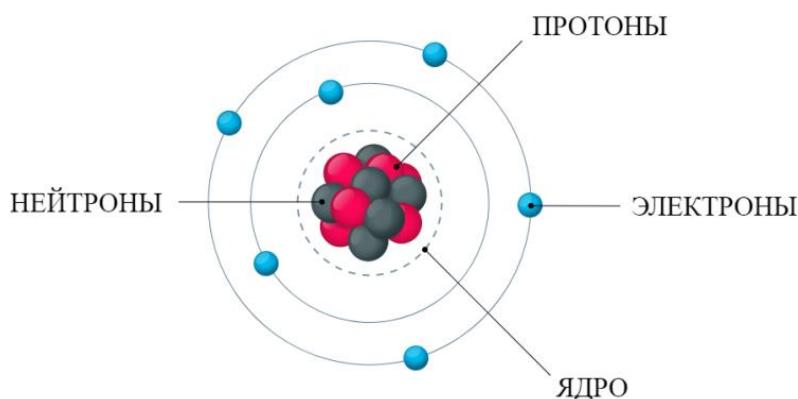
Второй постулат Бора:

$$E = E_m - E_n$$

$$m > n$$

E – энергия фотона (Дж);
 E_m – энергия атома на уровне m (Дж);
 E_n – энергия атома на уровне n (Дж);
 m, n – номера стационарных состояний

Строение атома и атомного ядра:



q_p, q_N, q_e – заряды протона, нейтрона и электрона
 m_p, m_N, m_e – массы протона, нейтрона и электрона

Атом состоит из:

А) положительно заряженного ядра:

– протоны

$$q_p = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Кл}$$

$$m_p = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ кг}$$

– нейтроны

$$q_N = 0 \text{ Кл}$$

$$m_N = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ кг}$$

Б) отрицательные электроны

$$q_e = -1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Кл}$$

$$m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ кг}$$

Обозначение атомного ядра:



$$A = Z + N$$

X – обозначение химического элемента;
 Z – зарядовое число (число протонов в ядре, номер химического элемента в таблице Менделеева, число электронов в атоме);
 A – массовое число (число нуклонов);
 N – число нейтронов

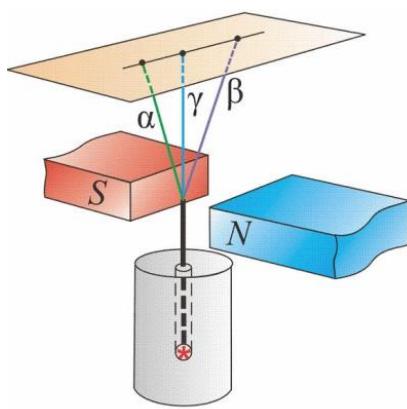
Энергия связи. Дефект масс:

$$\Delta m = (Z \cdot m_p + N \cdot m_N) - M_{\text{я}}$$

$$E_{\text{св}} = \Delta m c^2$$

Δm – дефект масс (кг);
 Z – число протонов в ядре (номер химического элемента в таблице Менделеева);
 N – число нейтронов;
 m_p – масса протона ($m_p = 1,67 \cdot 10^{-27}$ кг);
 m_N – масса нейтрона ($m_N = 1,67 \cdot 10^{-27}$ кг);
 $M_{\text{я}}$ – масса ядра (кг);
 $E_{\text{св}}$ – энергия связи (Дж);
 c – скорость света в вакууме ($c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$)

Радиоактивность:



α – излучение (α – частица):

${}_2^4He$ – ионизированный атом гелия (ядро гелия)

β – излучение (β – частица)

${}_{-1}^0e$ – электрон

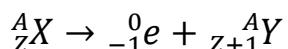
γ – излучение (электромагнитное излучение высокой частоты)

Правило радиоактивных смещений Содди:

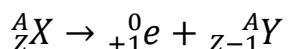
α – распад:



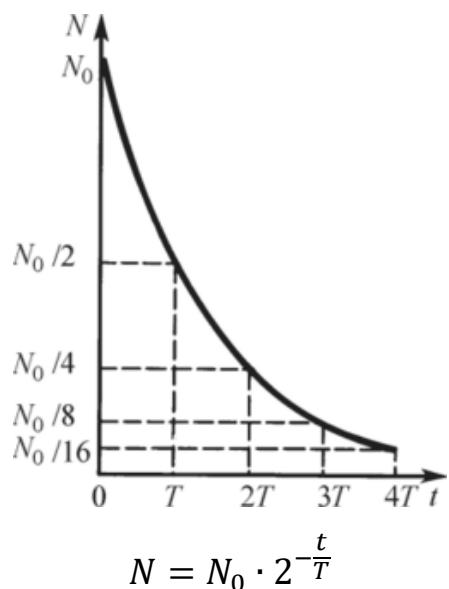
β – распад (электронный):



β – распад (позитронный):



Закон радиоактивного распада:



N – количество нераспавшихся ядер радиоактивного вещества;
 N_0 – начальное количество ядер радиоактивного вещества;
 t – время распада (с);
 T – период полураспада (с)