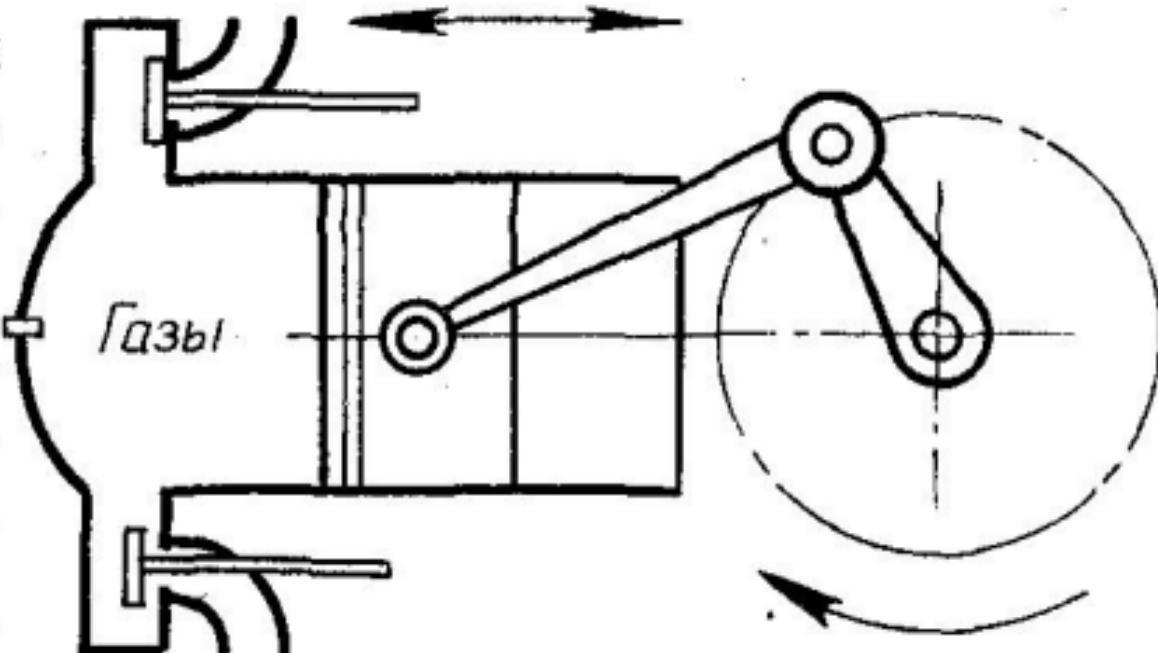


## *Механические колебания*

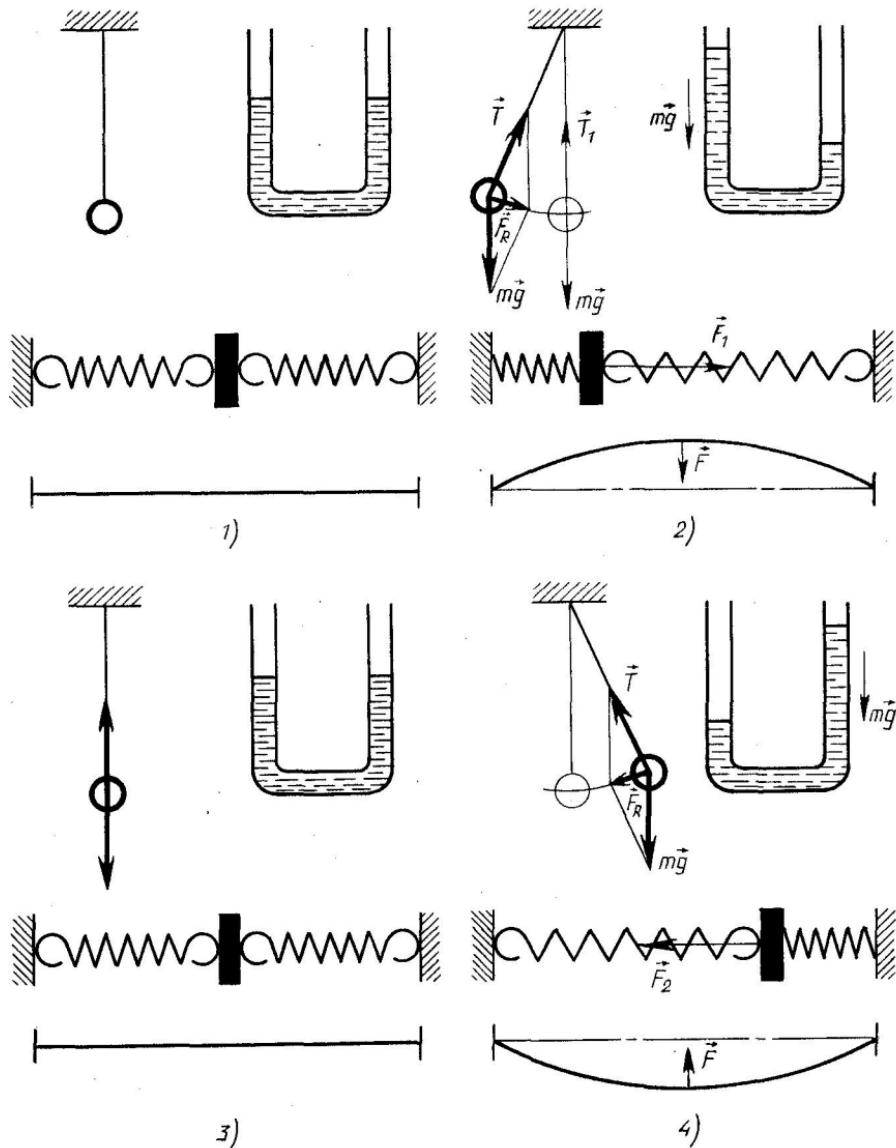
*Механические колебания — это движения, которые точно или приблизительно повторяются через определенные интервалы времени.*

*Вынужденные колебания — это колебания, которые происходят под действием внешней, периодически изменяющейся силы.*



**Свободные колебания** — это колебания, которые возникают в системе под действием внутренних сил, после того как система была выведена из положения устойчивого равновесия.

### Колебательные системы

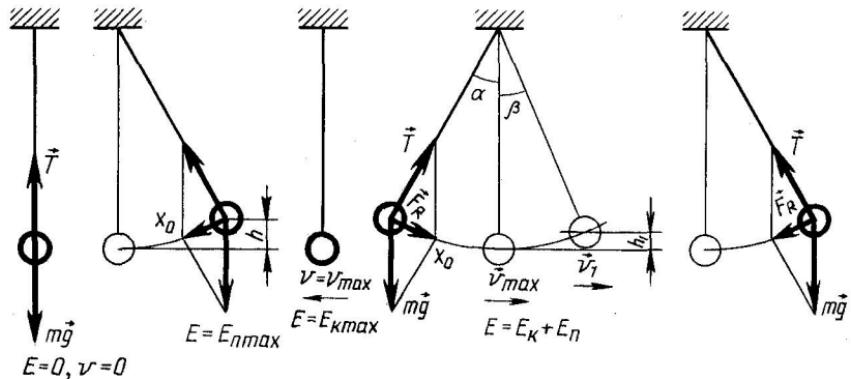


### Условия возникновения механических колебаний

1. Наличие положения устойчивого равновесия, при котором равнодействующая равна нулю.

- Хотя бы одна сила должна зависеть от координат.
- Наличие в колеблющейся материальной точке избыточной энергии.
- Если вывести тело из положения равновесия, то равнодействующая не равна нулю.
- Силы трения в системе малы.

### *Превращение энергии при колебательном движении*



В неустойчивом равновесии имеем

$$E_{\text{п}} \rightarrow E_{\text{k}} \rightarrow E_{\text{п}} \rightarrow E_{\text{k}} \rightarrow E_{\text{п}}.$$

За полное колебание

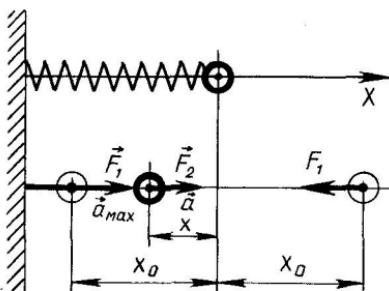
$$mgh_{\text{max}} = \frac{mv_1^2}{2} + mgh_1 = \frac{mv_{\text{max}}^2}{2} = \text{const.}$$

Выполняется закон сохранения энергии.

### *Параметры колебательного движения*

1. Смещение  $x$  — отклонение колеблющейся точки от положения равновесия в данный момент времени.

2. Амплитуда  $x_0$  — наибольшее смещение от положения равновесия.



3. Период  $T$  — время одного полного колебания. Выражается в секундах (с).

4. Частота  $v$  — число полных колебаний за единицу времени. Выражается в герцах (Гц).

$$\begin{aligned} T &= \frac{1}{v} \\ v &= \frac{1}{T}; \quad \frac{1}{\text{с}} = \Gamma_{\text{ц}} \end{aligned}$$

5. Величину  $\omega = 2\pi\nu = 2\pi/T$  называют циклической (круговой) частотой колебаний. Циклическая частота равна числу колебаний, совершаемых материальной точкой за  $2\pi$ /с.

6. Колебательное движение, которое вновь повторяется, называют полным колебанием.

Пример колебательного движения — свободные колебания пружинного маятника:

$$F_x = -kx \text{ — закон Гука;} \\ F_x = ma_x \text{ — второй закон динамики;} \\ ma_x = -kx, a_x = -\frac{kx}{m}, \\ \frac{k}{m} = \text{const},$$

$$a_x = -\frac{k}{m} x$$

— уравнение свободных колебаний пружинного маятника.

Следовательно,  $a \sim x$  в сторону равновесия.

Зависит ли ускорение колеблющегося тела пружинного маятника от силы тяжести?

Из второго закона Ньютона  
 $ma = \vec{F}_2 + mg,$

$F_1 + mg, F_2 > mg,$   
где  $F_1$  и  $F_2$  — силы упругости пружины.

Проекция на ось  $OY$ :

$$ma = F_2 - mg = k|x_2| - mg = \\ = k(x + x_1) - mg = kx + kx_1 - mg.$$

Так как  $x_1 = \frac{mg}{k}$ ,  
то

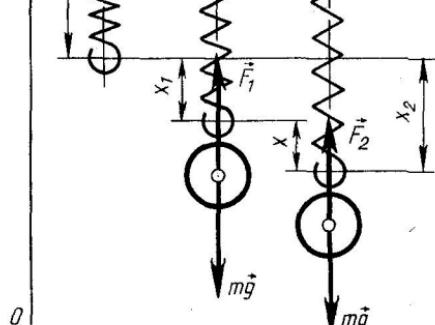
$$ma = kx + \frac{kmg}{k} - mg \rightarrow ma = k|x|.$$

Ускорение  $\ddot{a}$  тела, колеблющегося на пружине, не зависит от силы тяжести, действующей на это тело, но пропорционально смещению  $x$ .

## ОК-2

### Свободные колебания математического маятника

Математический маятник — модель — материальная точка, подвешенная на нерастяжимой невесомой нити.



Запись движения колеблющейся точки как функции времени.

Выведем маятник из положения равновесия. Равнодействующая (тангенциальная)  $F_t = -mg \sin \alpha$ , т. е.  $F_t$  — проекция силы тяжести на касательную к траектории тела. Согласно второму закону динамики

$$ma_t = F_t.$$

Так как угол  $\alpha$  очень мал, то

$$ma_t = -mg \sin \alpha.$$

Отсюда

$$a_t = g \sin \alpha, \sin \alpha = \alpha = s/L,$$

$$a_t = g \frac{s}{L}$$

$$\frac{g}{L} = \text{const.}$$

Следовательно,  $a \sim s$  в сторону равновесия.

Ускорение  $a$  материальной точки математического маятника пропорционально смещению  $s$ .

Таким образом, уравнение движения пружинного и математического маятников имеют одинаковый вид:  $a \sim x$ .

### Период колебания

#### Пружинный маятник

Предположим, что собственная частота колебаний тела, прикрепленного к пружине,  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ .

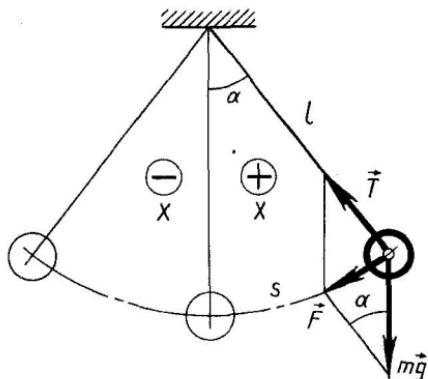
Период свободных колебаний  $T = \frac{1}{\nu}$ .

Циклическая частота  $\omega = 2\pi\nu$ .

Следовательно,  $T = \frac{2\pi}{\omega}$ .

Получаем

$$T = \frac{2\pi}{\sqrt{\frac{k}{m}}}, \text{ откуда } T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}.$$

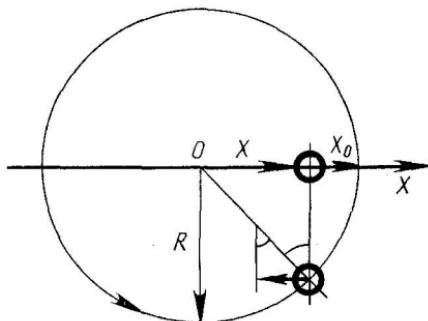


## Математический маятник

Собственная частота математического маятника  $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$ .

Циклическая частота  $\omega = 2\pi\nu = 2\pi/T$ ,  $T = \frac{2\pi}{\omega}$ .

Следовательно,  $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$



## Законы колебаний математического маятника

1. При небольшой амплитуде колебаний период колебания не зависит от массы маятника и амплитуды колебаний.

2. Период колебания прямо пропорционален корню квадратному из длины маятника и обратно пропорционален корню квадратному из ускорения свободного падения.

## Гармонические колебания

Простейший вид периодических колебаний, при которых периодические изменения во времени физических величин происходят по закону синуса или косинуса, называют гармоническими колебаниями:

$$x = x_0 \sin \omega t \text{ или} \\ x = x_0 \cos (\omega t + \phi_0),$$

где  $x$  — смещение в любой момент времени;  $x_0$  — амплитуда колебаний;  $\omega t + \phi_0$  — фаза колебаний;  $\phi_0$  — начальная фаза.

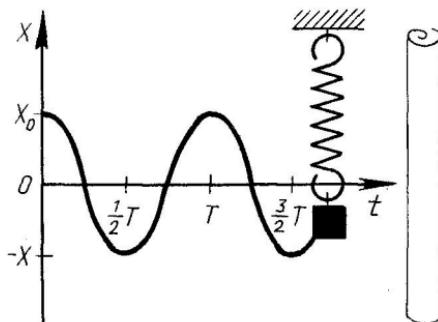
Уравнение  $x = x_0 \cos (\omega t + \phi_0)$ , описывающее гармонические колебания, является решением дифференциального уравнения  $x'' + \omega^2 x = 0$ .

Дважды продифференцировав это уравнение, получим

$$x' = -\omega x_0 \sin (\omega t + \phi_0), \\ x'' = -\omega^2 x_0 \cos (\omega t + \phi_0), \\ \omega^2 x_0 \cos (\omega t + \phi_0) - \omega^2 x_0 \cos (\omega t + \phi_0) = 0.$$

Если какой-либо процесс можно описать уравнением  $x'' + \omega^2 x = 0$ , то совершается гармоническое колебание с циклической частотой  $\omega$  и периодом  $T = \frac{2\pi}{\omega}$ .

Таким образом, при гармонических колебаниях скорость и ускорение также изменяются по закону синуса или косинуса.



Так, для скорости

$$v_x = x' = (x_0 \cos \omega t)' = x_0 (\cos \omega t)',$$

т. е.

$$v = -\omega x_0 \sin \omega t,$$

или

$$v = \omega x_0 \cos(\omega t + \pi/2) = v_0 \cos(\omega t + \pi/2),$$

где  $v_0 = x_0 \omega$  — амплитудное значение скорости.

Ускорение изменяется по закону

$$\begin{aligned} a_x &= v_x' = x'' = \\ &= -(\omega x_0 \sin \omega t)' = \\ &= -\omega x_0 (\sin \omega t)', \end{aligned}$$

т. е.

$$\begin{aligned} a &= -\omega^2 x_0 \cos \omega t = \\ &= \omega^2 x_0 \cos(\omega t + \pi) = \\ &= a_0 \cos(\omega t + \pi), \end{aligned}$$

где  $a_0 = \omega^2 x_0$  — амплитудное значение ускорения.

### Преобразование энергии при гармонических колебаниях

Если колебания тела происходят по закону  $x = x_0 \sin(\omega t + \varphi_0)$ , то кинетическая энергия тела равна:

$$W_k = \frac{mv_x^2}{2} = \frac{mx_0^2 \omega^2 \cos^2(\omega t + \varphi_0)}{2}.$$

Потенциальная энергия тела равна:

$$W_n = \frac{kx^2}{2} = \frac{kx_0^2 \sin^2(\omega t + \varphi_0)}{2}.$$

Так как  $k = m\omega^2$ , то

$$W_n = \frac{mv^2 x_0^2 \sin^2(\omega t + \varphi_0)}{2}.$$

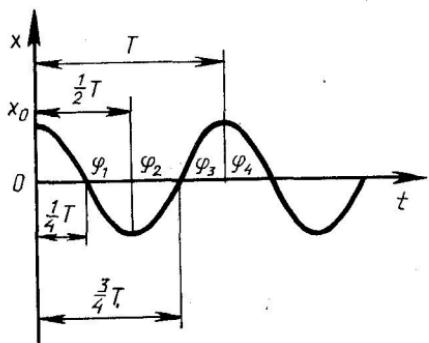
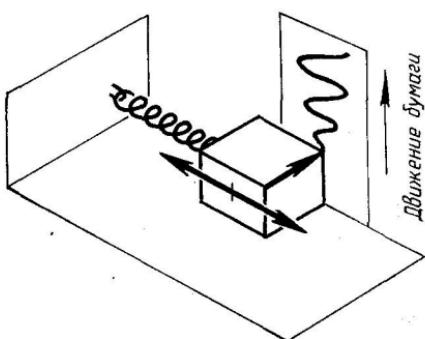
За нулевой уровень отсчета потенциальной энергии выбирается положение равновесия тела ( $x = 0$ ).

Полная механическая энергия системы равна:

$$W_0 = W_k + W_n = \frac{m\omega^2 x_0^2}{2}.$$

### ОК-3

#### Кинематика гармонических колебаний



**Фаза колебаний  $\varphi$  — физическая величина, которая стоит под знаком  $\sin$  или  $\cos$  и определяет состояние системы в любой момент времени согласно уравнению  $x = x_0 \cos \varphi$ .**

Время в долях периода      Фаза в радианах

0	—	0
$1/4 T$	—	$\pi/2$
$1/2 T$	—	$\pi$
$3/4 T$	—	$3/2\pi$
$T$	—	$2\pi$

#### Смещение $x$ тела в любой момент времени

$$x = x_0 \cos(\omega t + \varphi_0),$$

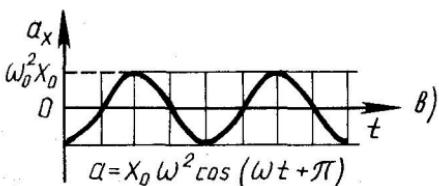
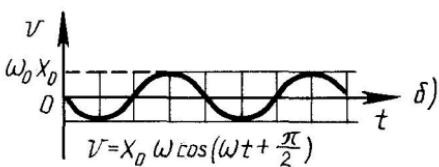
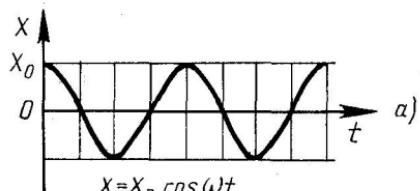
где  $x_0$  — амплитуда;  $\varphi_0$  — начальная фаза колебаний в начальный момент времени ( $t=0$ ), определяет положение колеблющейся точки в начальный момент времени.

#### Скорость и ускорение при гармонических колебаниях

Если тело совершает гармонические колебания по закону  $x = x_0 \cos \omega$  вдоль оси  $Ox$ , то скорость движения тела  $v_x$  определяется выражением

$$v_x = \frac{\Delta x}{\Delta t}.$$

Более строго, скорость движения тела — производная координаты  $x$  по времени  $t$ :



$$v_x = x'(t) = -x_0 \omega_0 \sin \omega t = x_0 \omega_0 \cos(\omega t + \pi/2).$$

Проекция ускорения:

$$a_x = v'_x(t) = -x_0 \omega_0^2 \cos(\omega t + \pi),$$

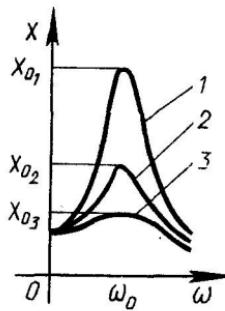
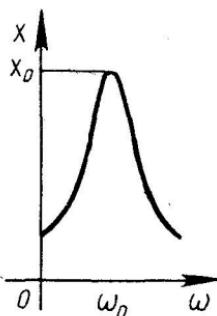
$$v_{\max} = \omega x_0,$$

$$a_{\max} = \omega^2 x.$$

Если  $\varphi_{0x} = 0$ , то  $\varphi_{0v} = \pi/2$ ,  $\varphi_{0a} = \pi$ .

### Резонанс

*Резкое возрастание амплитуды вынужденных колебаний тела при совпадении частоты  $\omega_F$  изменения действующей на это тело внешней силы с собственной частотой  $\omega_c$  свободных колебаний данного тела — механический резонанс. Амплитуда возрастает, если  $\omega_F \rightarrow \omega_c$ ; становится максимальной при  $\omega_c = \omega_F$  (резонанс).*



Возрастание  $x_0$  при резонансе тем больше, чем меньше трение в системе. Кривые 1, 2, 3 соответствуют слабому, сильному критическому затуханию:

$$F_{tp3} > F_{tp2} > F_{tp1}.$$

При малом трении резонанс острый, при большом трении тупой. Амплитуда при резонансе равна:

$$x_0 = \frac{F_{\max}}{\mu \omega_c},$$

где  $F_{\max}$  — амплитудное значение внешней силы;  $\mu$  — коэффициент трения.

### Использование резонанса

Раскачивание качелей.

Машины для утрамбовки бетона.

Частотомеры.

### Борьба с резонансом

Уменьшить резонанс можно, увеличив силу трения или

$$\omega_c \neq \omega_F.$$

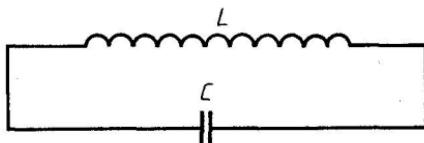
На мостах поезда движутся с определенной скоростью.

## ОК-4

### Электрические свободные колебания

Периодические изменения заряда  $q$ , силы тока  $I$  и напряжения  $U$  называют электрическими свободными колебаниями.

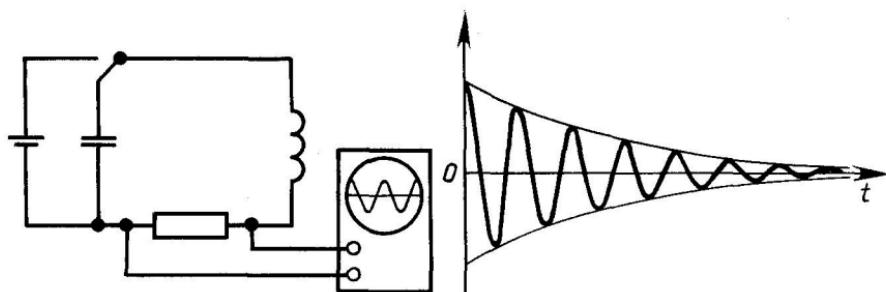
#### Колебательный контур



Он состоит из катушки индуктивностью  $L$  и конденсатора емкостью  $C$ . Если зарядить конденсатор до напряжения  $U_0$ , то в начальный момент времени  $t_1=0$  на обкладках конденсатора устанавливаются амплитудные значения напряжения  $U_0$  и заряда  $q_0=CU_0$ . Свободные электромагнитные колебания можно наблюдать на экране осциллографа.

Полная энергия  $W$  системы равна энергии электрического поля  $W_{\text{эл}}$ :

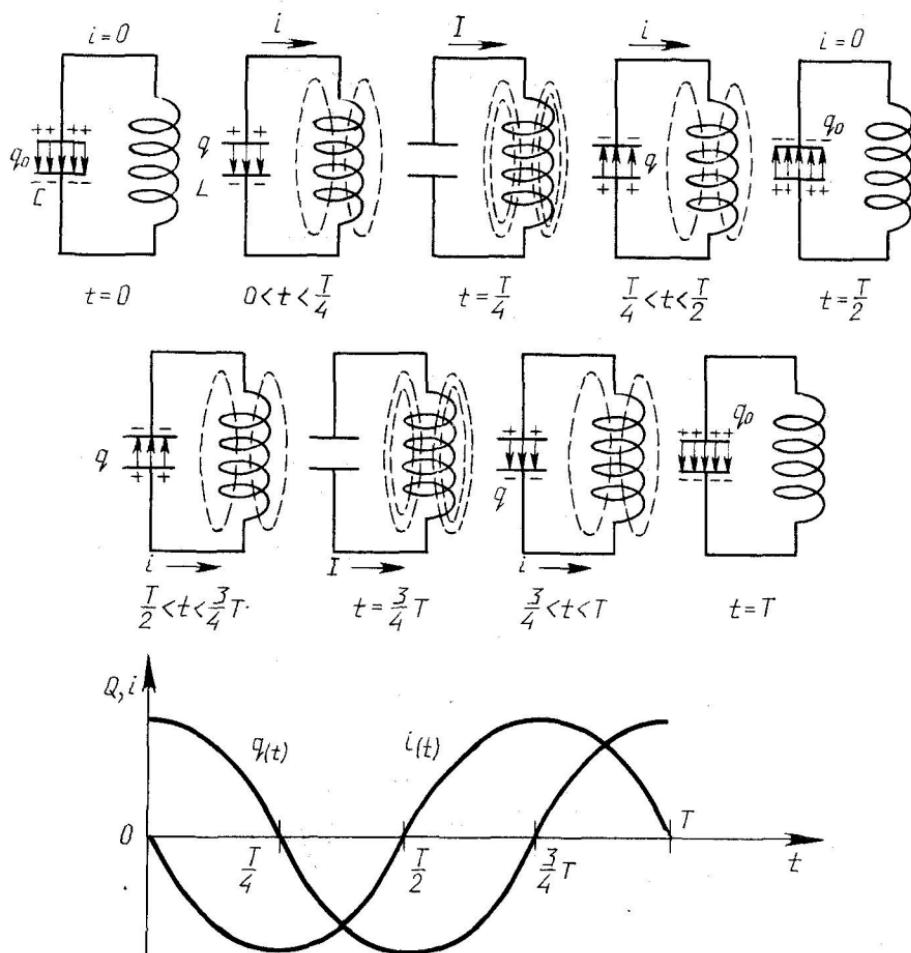
$$W = W_{\text{эл}} = \frac{CU_0^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C}.$$



Если цепь замыкают, то начинает течь ток. Вследствие самоиндукции в катушке конденсатор разряжается не мгновенно, а постепенно. При этом ток увеличивается, достигая своего максимального значения  $I_0$  в момент времени  $t_2=T/4$ , а заряд на конденсаторе становится равным нулю:  $W=W_m=\frac{LI_0^2}{2}$ .

В следующий момент времени ток течет в том же направлении, уменьшаясь до нуля, что вызывает перезарядку конденсатора. В момент времени  $t_3=T/2$  заряд  $q=q_0$ , напряжение  $U=U_0$ , ток  $I=0$ .

Затем конденсатор снова разряжается, ток через индуктивность течет в обратном направлении. Через промежуток времени  $T$  система приходит в исходное состояние. Завершается полное колебание, процесс повторяется.



В любой момент времени энергия:

$$W = W_{\text{ел}} + W_{\text{м}} = \frac{q^2}{2C} + \frac{Li^2}{2} = \frac{LI_0^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C}.$$

### Уравнение свободных электромагнитных колебаний

В контуре полная энергия  $W$  остается постоянной в течение всего времени:

$$W = \frac{q^2}{2C} + \frac{Li^2}{2}.$$

Так как полная энергия контура является величиной постоянной, то  $W' = 0$ , тогда  $\left(\frac{q^2}{2C}\right)' + \left(\frac{Li^2}{2}\right)' = 0$ .

Согласно правилам дифференцирования  $\frac{1}{2C} 2qq' + \frac{1}{2L} 2ii' = 0$ ,

откуда следует  $ii' = -\frac{1}{LC}qq'$ . При  $i=0$ ,  $i'=0$   $q'q'' = -\frac{1}{CL}qq'$ ,  $q'' = -\frac{1}{LC}q$ .

Если  $L > 0$  и  $C > 0$ , то и  $\frac{1}{LC} > 0$ .

Следовательно,  $\frac{1}{LC} = \omega_0^2$ , т. е.  $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$ . Тогда уравнение  $q'' = -\frac{1}{LC}q$  принимает вид  $q'' = -\omega_0^2 q$ .

Его можно записать как  $q = q_0 \cos \omega_0 t$ .

Для тока  $i = q' = -q\omega_0 \sin \omega_0 t$ ,  $i = I_0 \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$ .

Следовательно,  
для конденсатора

для катушки индуктивности

$$q = q_0 \cos \omega_0 t, \\ U = U_0 \cos \omega_0 t,$$

$$i = I_0 \cos(\omega_0 t + \pi/2), \\ U = U_0 (\sin \omega_0 t + \pi),$$

где  $q_{\max}$ ,  $U_0$ ,  $I_0$  — амплитудные значения заряда, напряжения и тока.

### Амплитуда свободных электромагнитных колебаний

$$W = \frac{LI_0^2}{2} = \frac{CU_0^2}{2}, \\ I_0 = \sqrt{\frac{CU_0^2}{L}}, \quad U_0 = \sqrt{\frac{I_0^2 L}{C}}.$$

Период колебания

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}, \quad \omega_0 = \frac{2\pi}{T}, \quad T = \sqrt{\frac{1}{LC}},$$

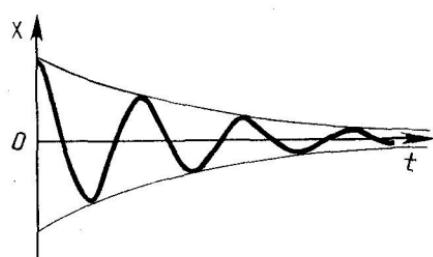
$$T = 2\pi\sqrt{LC}.$$

Получили формулу Томсона.

### OK-5

#### Генератор высокочастотных электромагнитных колебаний

1. В природе любые колебания колебательной системы без воздействия внешних сил — затухающие.



**2. Системы, в которых генерируются незатухающие колебания за счет поступления энергии от источника внутри системы, называются автоколебательными.**

**3. Колебания, существующие в системе без воздействия на нее внешних периодических сил, называются автоколебаниями.** Примеры автоколебательных систем: электрический звонок, свисток, часы, органные трубы, автогенераторы, наше сердце, легкие, голосовые связки.

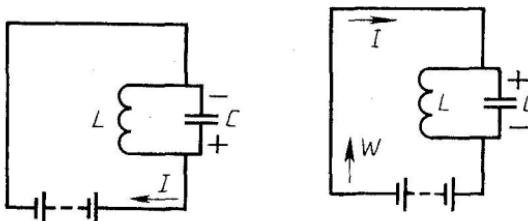
### **Получение незатухающих колебаний в контуре**

Если конденсатор колебательного контура заряжен, то в контуре возникают затухающие колебания. Электрическая энергия  $W_{эл}$  переходит во внутреннюю энергию  $U_{вн}$ :

$$\frac{U^2 C}{2} = \frac{L I^2}{2} + U_{вн}.$$

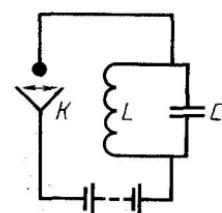
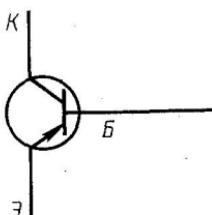
Пополнять энергию колебательного контура можно, подзаряжая конденсатор. Для этого контур подключают к источнику тока. Контур подключается к источнику тока только в те интервалы времени, когда пластина конденсатора, присоединенная к положительному полюсу источника, заряжена положительно.

Если источник постоянного тока будет все время подключен к контуру, то в  $1/2 T$  энергия поступает в контур, а следующую  $1/2 T$  возвращается в источник, т. е. колебания затухают.

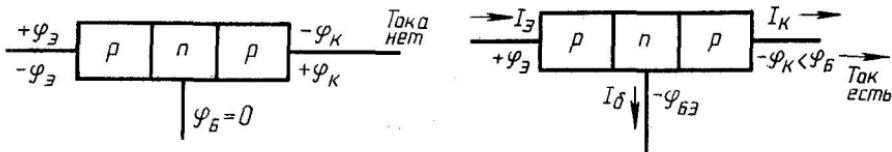


Незатухающие колебания установятся в том случае, если контур будет подключаться к источнику только в первую половину периода. Для выполнения такого условия ключ должен замыкать и размыкать цепь с частотой, соответствующей частоте электромагнитных колебаний контура:

$$v = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}.$$



Однако механический ключ инертен.



*Безынерционным ключом является транзистор.* Транзистор обеспечивает поступление энергии к колебательному контуру, если напряжение на электронном переходе меняется синфазно с напряжением на контуре.

### Генератор высокочастотных колебаний на транзисторе

*Первая четверть периода.* Позитивно заряженная пластина конденсатора, соединенная с коллектором, разряжается. Ток в колебательном контуре возрастает до максимального значения ( $I_{\max}$ ).

В катушке связи возникает индукционный ток такого направления, что база имеет отрицательный потенциал относительно эмиттера. Переходы база — коллектор и эмиттер — база прямые. Транзистор открыт. Энергия от источника поступает через транзистор в колебательный контур (ключ замкнут).

*Вторая четверть периода.* Ток в контуре убывает. Верхняя пластина заряжается отрицательно.

В катушке связи ток меняет направление. На базе положительный потенциал. Переход коллектор — база обратный. Тока в цепи нет (ключ разомкнут).

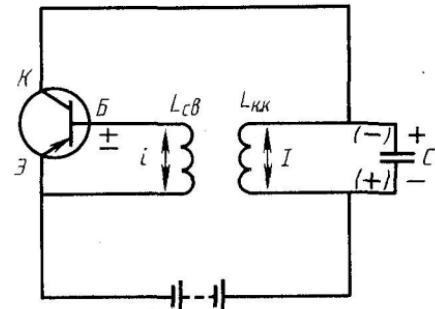
*Третья четверть периода.* Конденсатор разряжается. Ток растет до максимального значения, направлен от нижней пластины к верхней.

В катушке связи ток направлен так, что база получает положительный потенциал. Переход база — коллектор обратный. Тока в цепи нет (ключ разомкнут).

*Четвертая четверть периода.* Ток в контуре, не меняя направления, убывает. Верхняя пластина заряжается положительно.

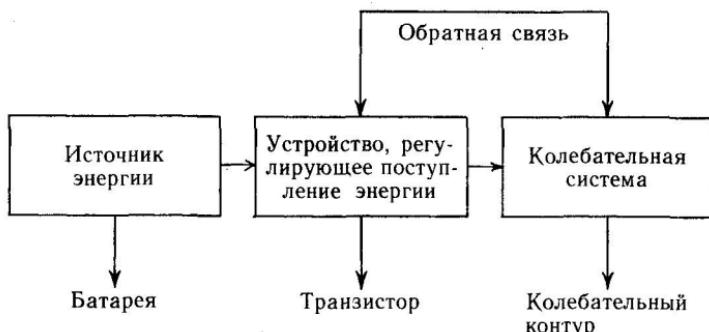
В катушке связи ток меняется по направлению. Заряд на базе отрицательный. Переходы база — коллектор и эмиттер — база прямые. Энергия поступает от источника в колебательный контур (ключ замкнут).

Таким образом, происходят незатухающие электромагнитные колебания за счет поступления энергии от источника в колебательный контур в течение  $1/2 T$ .



## Элементы автоколебательной системы

Катушка обратной связи



## ОК-6

### Вынужденные колебания

Колебания, возникающие в колебательной системе под действием периодически изменяющихся внешних сил, называются вынужденными.

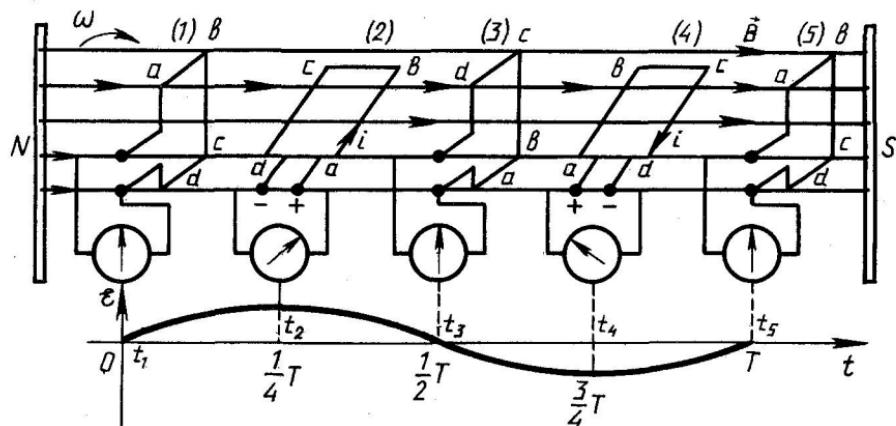
$$\left. \begin{array}{l} F = F_0 \cos \omega t, \\ U = U_0 \cos \omega t \end{array} \right\} \text{— колебательная система.}$$

### Переменный ток

Ток, изменяющийся по направлению и величине по гармоническому закону, называется переменным.

Если рамка в положении 1,  $t=0$ , то  $i=I_0 \sin \omega t$ ; если же рамка в положении 2,  $t=0$ , то  $i=I_0 \cos \omega t$ .

### Получение (генерирование) переменного тока ( $\sim I$ )



При вращении рамки в магнитном поле меняется магнитный поток. В рамке наводится переменная ЭДС индукции. Если цепь замкнута, то возникает индукционный ток, который непрерывно меняется по модулю, а через  $1/2 T$  — по направлению.

Используя основной закон электромагнитной индукции, получаем уравнение

$$\begin{aligned} e &= -\Phi', \\ \Phi' &= (BS \cos \omega t)', \\ e &= BS\omega \sin \omega t, \\ e &= \mathcal{E}_{\max} \sin \omega t, \end{aligned}$$

где  $\mathcal{E}_{\max} = BS\omega$  — амплитудное значение ЭДС индукции.

Вынужденные электрические колебания, возникающие в цепях под действием напряжения, осуществляются по синусоидальному или косинусоидальному закону  $u = U_{\max} \sin \omega t$  или  $u = U_{\max} \cos \omega t$ .

### Работа и устройство генератора переменного тока

Работа основана на явлении электромагнитной индукции.

#### Устройство

1. Обмотка статора с большим числом витков, размещенных в его пазах. В ней наводится ЭДС.

2. Станина, внутри которой размещены статор и ротор.

3. Ротор (вращающаяся часть генератора) создает магнитное поле от электромашины постоянного тока. Может иметь  $p$  пар полюсов.

4. Статор состоит из отдельных пластин для уменьшения нагрева от вихревых токов. Пластины — из электротехнической стали.

5. Клеммный щиток на корпусе станины для снятия напряжения.

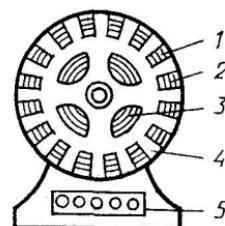
При равномерном вращении ротора в обмотках статора наводится ЭДС:

$$e = E \sin \omega t = BS\omega N \sin 2\pi nt,$$

где  $E = BS\omega N$  — максимальное значение ЭДС;  $n$  — число оборотов ротора в секунду;  $N$  — число витков обмотки статора.

Частота ЭДС равна:  $v = np$ , где  $p$  — число пар полюсов. На гидроэлектростанциях в генераторе число пар полюсов равно 40—50, а на тепловых — 10—16.

Вырабатываемое напряжение в промышленных генераторах  $10^3$  —  $10^4$  В.



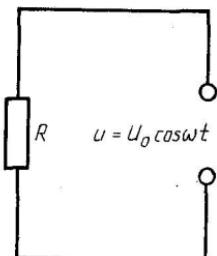
## ОК-7

### *Нагрузка в цепи переменного тока*

#### **Активное сопротивление**

Электрические устройства, преобразующие электрическую энергию во внутреннюю, называются активными сопротивлениями. Активное сопротивление

$$R = \frac{I_0}{S}.$$



Высокоомные провода, спирали нагревательных приборов, резисторы — активные сопротивления.

1. *Мгновенное значение напряжения* меняется по гармоническому закону

$$u = U_0 \cos \omega t.$$

2. *Мгновенное значение силы тока* пропорционально мгновенному значению напряжения и совпадает по фазе:

$$i = \frac{u}{R} = \frac{U_0 \cos \omega t}{R} = I_0 \cos \omega t.$$

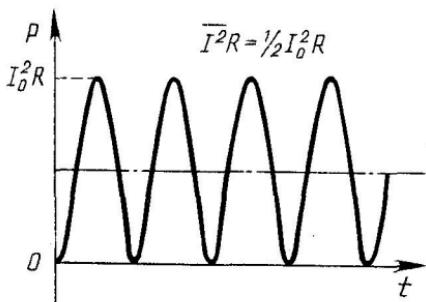
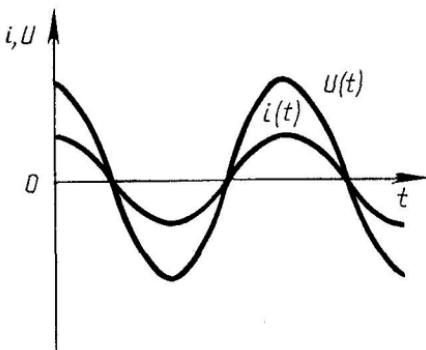
В проводнике с активным сопротивлением колебания силы тока совпадают по фазе с колебаниями напряжения.

3. *Мгновенное значение мощности* равно:

$$P = i^2 R.$$

*Среднее значение мощности* за период в цепи переменного тока равно:

$$\bar{P} = \bar{i}^2 R = \frac{I_0^2 R}{2}.$$



4. *Действующее значение силы тока* получаем из формулы среднего значения мощности:

$$\bar{i}^2 = \frac{I_0^2}{2}.$$

Величина, равная квадратному корню из среднего значения квадрата мгновенного тока, называется действующим значением переменного тока. Обозначается через  $I$ :

$$I = \sqrt{\bar{t}^2} = \frac{I_0}{\sqrt{2}}.$$

Действующее значение переменного тока равно силе постоянного тока, выделяющего в проводнике то же количество теплоты, что и переменный ток за то же время.

5. Действующее значение переменного напряжения определяется аналогично действующему значению силы тока:

$$U = \frac{U_0}{\sqrt{2}}$$

6. Закон Ома для цепи с активным сопротивлением:

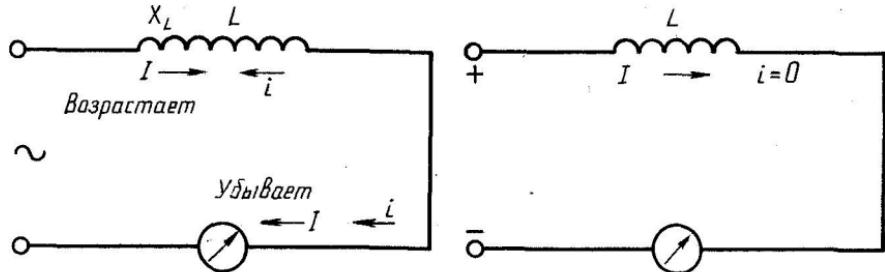
$$i = I_0 \sin \omega t = I \sqrt{2} \sin \omega t,$$

$$u = U_0 \sin \omega t = U \sqrt{2} \sin \omega t,$$

$$I \sqrt{2} \sin \omega t = \frac{U \sqrt{2} \sin \omega t}{R}.$$

Следовательно,  $I = \frac{U}{R}$ .

### Индуктивное сопротивление



В катушке, включенной в цепь переменного напряжения, сила тока меньше силы тока в цепи постоянного напряжения для этой же катушки. Следовательно, катушка в цепи переменного напряжения создает большее сопротивление, чем в цепи постоянного напряжения.

*Мгновенное значение силы тока:*

$$i = I \sin \omega t.$$

*Мгновенное значение напряжения* можно установить, учитывая, что  $E_i = -E_k$ , где  $E_i$  — напряженность вихревого электрического поля;  $E_k$  — напряженность кулоновского электрического поля, т. е. при изменении тока в цепи возникает ЭДС самоиндукции.

ции, за счет которой происходит сдвиг фаз между напряжением и током на  $\pi/2$ .

Таким образом, если

$$e = -L\omega I_0 \cos \omega t,$$

$$e = -u,$$

то

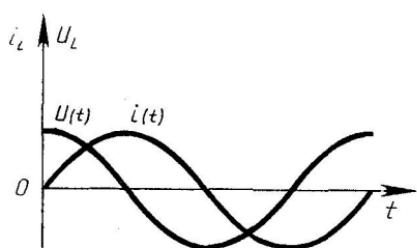
$$u = L\omega I_0 \cos \omega t,$$

или

$$u = U_0 \sin(\omega t + \pi/2),$$

где  $U_0 = L\omega I_0$ .

Напряжение опережает ток по фазе на  $\pi/2$ .



Индуктивное сопротивление равно:

$$X_L = \omega L = 2\pi\nu L,$$

так как  $U_0 = L\omega I_0$ .

Отсюда закон Ома:

$$I_0 = \frac{U_0}{L\omega},$$

где  $L\omega$  — индуктивное сопротивление.

Физический смысл: в любое мгновение времени изменению силы тока противодействует ЭДС самоиндукции.

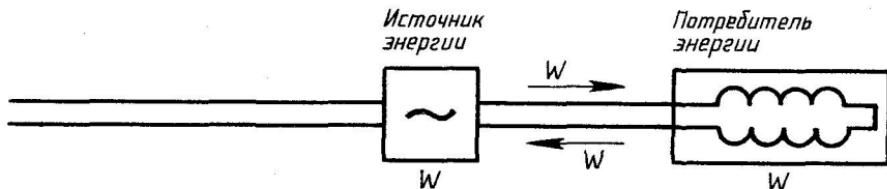
ЭДС самоиндукции — причина индуктивного сопротивления.

Мощность равна:

$$P = IU \cos \phi,$$

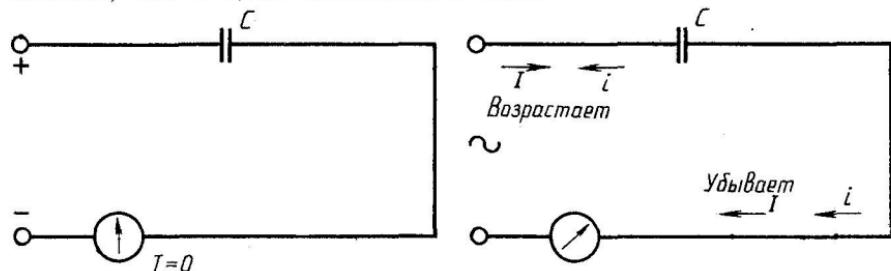
где  $\phi = \pi/2$ .

Следовательно,  $P = 0$ , т. е. происходит обмен энергией между источником напряжения и индуктивной нагрузкой.



## Емкостное сопротивление

При включении конденсатора в цепь постоянного напряжения сила тока  $I=0$ , а при включении конденсатора в цепь переменного напряжения сила тока  $I \neq 0$ . Следовательно, конденсатор в цепи переменного напряжения создает сопротивление меньше, чем в цепи постоянного тока.



*Мгновенное значение напряжения* равно:

$$u = \frac{q}{C} = U_0 \cos \omega t.$$

*Мгновенное значение силы тока* равно:

$$i = q' = -U_0 C \omega \sin \omega t$$

или

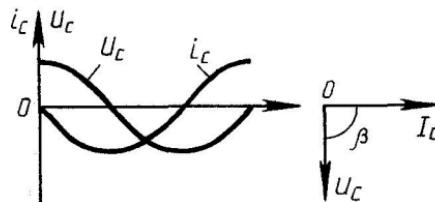
$$i = U_0 C \omega \cos (\omega t + \pi/2),$$

где  $U_0 C \omega = I_0$ .

Следовательно,

$$i = I_0 \cos (\omega t + \pi/2).$$

Таким образом, колебания напряжения отстают от колебаний тока по фазе на  $\pi/2$ .



*Емкостное сопротивление* равно:

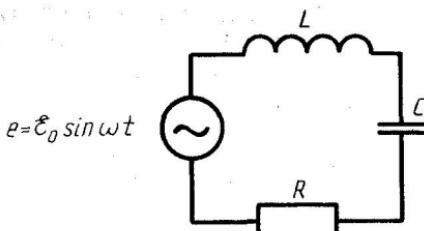
$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi\nu C},$$

так как  $I_0 = U_0 \omega C$ .

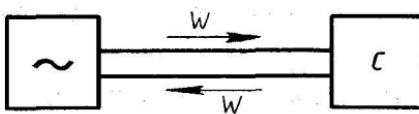
Физический смысл: изменению переменного тока в любое мгновение противодействует электрическое поле между обкладками конденсатора.

Мощность равна:

$$P = IU \cos \varphi.$$



При  $\varphi = \pi/2$  мощность  $P = 0$ , так как идет обмен энергией между источником напряжения и емкостным потребителем.



Резонанс в электрической цепи — явление резкого возрастания амплитуды вынужденных колебаний тока при совпадении частот  $\omega_0 = \omega$ , где  $\omega_0$  — собственная частота колебательного контура;  $\omega$  — частота питающего напряжения. Поскольку  $X_C \sim \frac{1}{\omega}$ , а  $X_L \sim \omega$ , то  $I$  в цепи будет зависеть от  $\omega$  и будет максимальен при частоте, отвечающей условию:

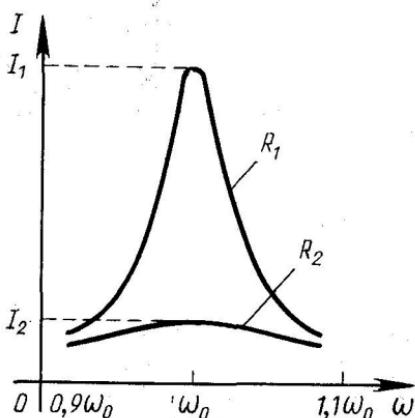
$$\begin{aligned} X_C &= X_L, \\ \frac{1}{\omega_0 C} &= \omega_0 L, \\ \omega_0 &= \frac{1}{\sqrt{LC}}. \end{aligned}$$

Когда  $\omega = \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$ , в цепи наблюдается резонанс.

Амплитуда установившихся колебаний тока будет определяться уравнением  $I_0 = \frac{U_0}{R}$ .

Если  $\frac{I_0^2 R}{2} t = \frac{U_0 I_0}{2} t$ , то при  $R \rightarrow 0$   $I \rightarrow \infty$ .

Зависимость тока в колебательном контуре от частоты при двух значениях  $R$ , где  $R_2 > R_1$ .

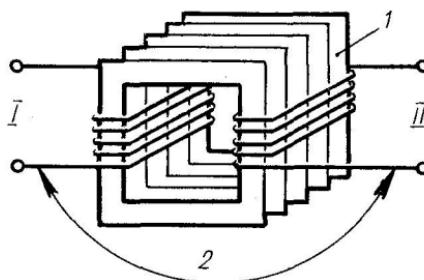


## ОК-8

### Трансформатор

Преобразует переменный ток:  $U \uparrow I \downarrow$ ,  $U \downarrow I \uparrow$ ,  $P$  и  $v$  не изменяются. 1878 г.— П. Н. Яблочков. 1882 г.— И. Ф. Усагин усовершенствовал.

#### Устройство

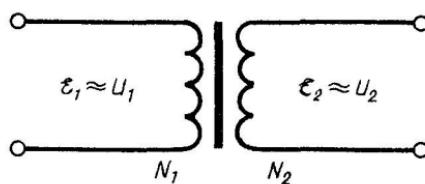


1. Замкнутый сердечник (магнитопровод): набор пластин из трансформаторной стали.

2. Две обмотки: первичная и вторичная.

Принцип действия основан на законе электромагнитной индукции.

Принцип действия на холостом ходу, т. е. без  $R_h$ ,



$$\Phi = \Phi_0 \cos \omega t, \quad e = E_0 \sin \omega t,$$

$\Phi$  и  $e$  сдвинуты по фазе на  $\pi/2$ ,  $E_0 = \omega \Phi$ ,

$$e_1 = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}, \quad e_2 = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t},$$

$$\frac{e_1}{e_2} = \frac{N_1 \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}}{N_2 \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}},$$

$$\frac{e_1}{e_2} = \frac{N_1}{N_2}, \quad \frac{E_1}{E_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{N_1}{N_2} = k.$$

В этом выводе:

$e$  — мгновенное значение ЭДС;

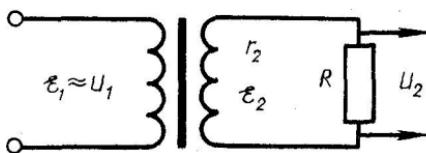
$E$  — амплитудное значение ЭДС;

$k$  — коэффициент трансформации.

Если  $k > 1$ , то трансформатор понижает  $U$ ; если  $k < 1$ , трансформатор повышает  $U$ .

При холостом ходе трансформатор потребляет из сети небольшую энергию, которая затрачивается на перемагничение его сердечника.

### Принцип действия при $R_u$



Включим во вторичную цепь нагрузку сопротивлением  $R_u$ . По вторичной цепи течет переменный ток  $I_2$  той же частоты, что и ток  $I_1$ . Возникает ЭДС индукции  $\mathcal{E}_2$ . Во вторичной катушке снижается напряжение  $U_2$ , так как  $U_2 = \mathcal{E}_2 - I_2 r_2$ .

По правилу Ленца уменьшается эффективное значение магнитного потока  $\Phi_1$ .

Уменьшение магнитного потока  $\Phi_1$  в первичной катушке приводит к уменьшению  $\mathcal{E}_1$  ( $\Phi_1 = \Phi_2$ ), что при постоянстве  $U_1$  вызывает увеличение  $I_1$  в первичной цепи.

Устанавливаются определенные  $\Phi_2$ ,  $\mathcal{E}_2$ ,  $I_2$  во вторичной цепи, а также  $I_1$  в первичной цепи.

Так как  $\frac{\mathcal{E}_1}{\mathcal{E}_2} = \frac{N_1}{N_2}$ , то  $\frac{U_1}{U_2 + I_2 r} = k$ .

В связи с тем что КПД трансформатора близок к 1, то  $P_1 \approx P_2$ .

Отсюда  $I_1 U_1 \approx I_2 U_2$ .

Следовательно,  $\frac{I_1}{I_2} = \frac{U_2}{U_1}$ .

При повышении  $U_2$  токи  $I_1$  и  $I_2$  уменьшаются.

КПД 97—99%. Чем  $> P$ , тем  $>$  КПД.

Таким образом,

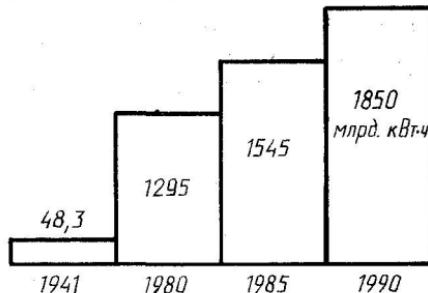
$$\eta = \frac{P_2}{P_1} \cdot 100\% \approx \frac{I_2 U_2}{I_1 U_1} \cdot 100\% = \frac{I_2 \mathcal{E}_2 - I_2 r_2}{I_1 U_1} \cdot 100\%,$$

или

$$\eta = \frac{P_2}{P_1} \cdot 100\% = \frac{P_2}{P + P_N + P_C} \cdot 100\%,$$

где  $P$  — мощность на  $R_u$ ;  $P_N$  — потери в медной обмотке;  $P_C$  — потери в стальном сердечнике.

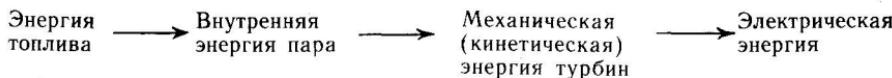
## Производство электроэнергии



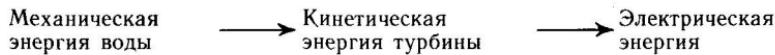
Осуществляется производство в основном с помощью электромеханических индукционных генераторов.

Получение электроэнергии в бывшем СССР.

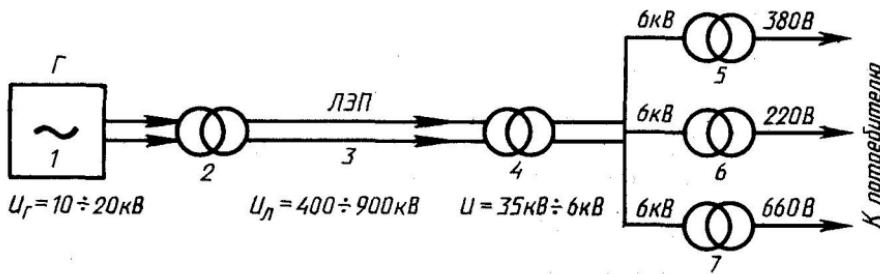
Электростанции: тепловые ТЭЦ и гидроэлектрические ГЭС, атомные АЭС. Источники энергии — ТЭЦ (уголь, газ, мазут, сланцы).



ГЭС (потенциальная энергия воды).



## Передача электрической энергии



1 — генератор переменного тока;

2 — повышающие трансформаторы;

3 — линия электропередачи (ЛЭП);

4, 5, 6, 7 — понижающие трансформаторы.

Теплота, выделяемая током на ЛЭП,  $Q = I^2 R t$ .

Сопротивление ЛЭП  $R = \frac{l\rho}{S}$ .

Объединив формулы, получим  $Q = I^2 \rho \frac{l}{S} t$ .

Из этой формулы видно, что для уменьшения  $Q$  нужно либо увеличить  $S$ , что экономически невыгодно, либо уменьшить силу

тока  $I$ . Для уменьшения силы тока нужно увеличить напряжение. Используются повышающие трансформаторы.

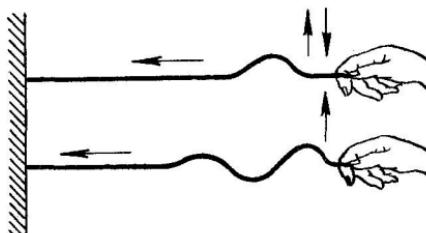
### Использование электроэнергии

Промышленность, транспорт, сельское хозяйство, бытовое потребление (освещение, холодильники, телевизоры). Большая часть электроэнергии превращается в механическую,  $1/3$  — технические цели (электросварка, плавление, электролиз и т. п.).

## ОК-9

### Распространение колебаний в упругой среде

*Волновое движение* — механические волны, т. е. волны, которые распространяются только в веществе (морские, звуковые, волны в струне, волны землетрясений). Источниками волн являются колебания вибратора.



*Вибратор* — колеблющееся тело. Создает колебания в упругой среде.

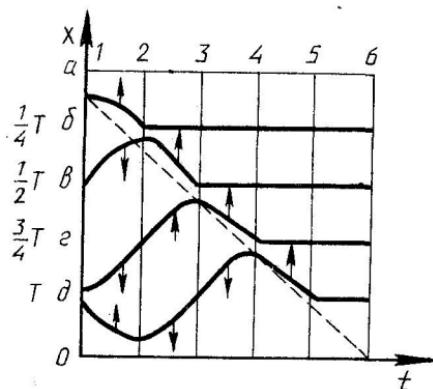
*Волной* называются колебания, распространяющиеся в пространстве с течением времени.

*Волновая поверхность* — геометрическое место точек среды, колеблющихся в одинаковых фазах.

*Луч* — линия, касательная к которой в каждой точке совпадает с направлением распространения волны.

### Причина возникновения волн в упругой среде

Если вибратор колеблется в упругой среде, то он воздействует на частицы среды, заставляя их совершать вынужденные колебания. За счет сил взаимодействия между частицами среды колебания передаются от одной частицы к другой.



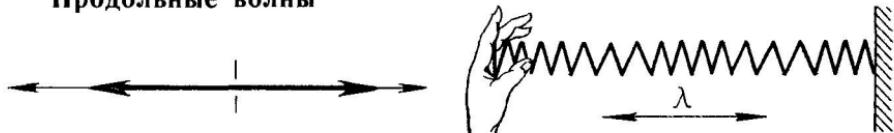
## Типы волн

### Поперечные волны



Волны, в которых колебания частиц среды происходят в плоскости, перпендикулярной направлению распространения волны. Возникают в твердых телах и на поверхности воды.

### Продольные волны

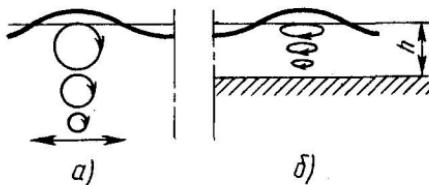


Колебания происходят вдоль распространения волны. Могут возникать в газах, жидкостях и твердых телах.

### Поверхностные волны

Траектория движения частиц воды:

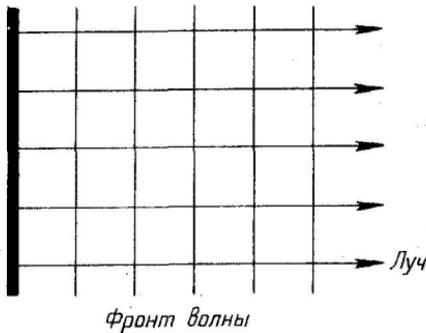
- на большой глубине (а)
- на малой глубине (б)



Волны, которые распространяются на границе раздела двух сред. Волны на границе между водой и воздухом. Если  $\lambda$  меньше глубины водоема, то каждая частица воды на поверхности и вблизи от нее движется по эллипсу, т. е. представляет собой комбинацию колебаний в продольном и поперечном направлениях. У дна же наблюдается чисто продольное движение.

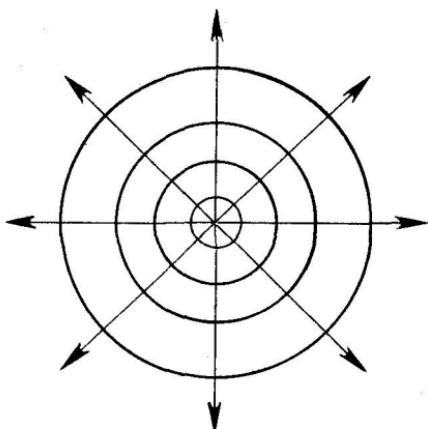
### Плоские волны

Волны, у которых волновые поверхности являются плоскостями, перпендикулярными направлению распространения волн.

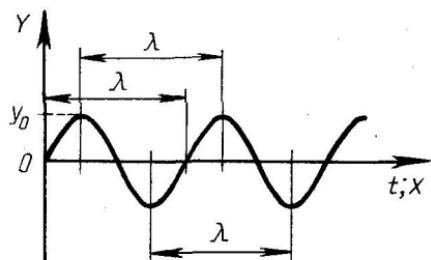
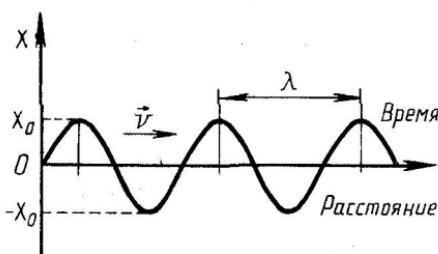


## Сферические волны

Волны, у которых волновые поверхности являются сферами. Сферах волновых поверхностей концентрические.



## Характеристики волнового движения



### Длина волны

Наименьшее расстояние между двумя точками, колеблющимися в одной фазе, называется длиной волны. Зависит только от среды, в которой распространяется волна, при равных частотах вибратора.

### Частота

Частота  $v$  волнового движения зависит только от частоты вибратора.

### Скорость распространения волны

Скорость  $v = \lambda v$ .

Так как  $v = \frac{1}{T}$ , то  $v = \frac{\lambda}{T}$ .

Однако скорость распространения волны зависит от вида вещества и его состояния; от  $v$  и  $\lambda$  не зависит.

В идеальном газе  $v = \sqrt{\frac{p}{\rho}} \gamma = \sqrt{\frac{R}{M}} T \gamma$ , где  $R$  — газовая постоянная;  $M$  — молярная масса;  $T$  — абсолютная температура;  $\gamma$  — постоянная для данного газа;  $\rho$  — плотность вещества.

В твердых телах поперечные волны  $v = \sqrt{\frac{N}{\rho}}$ , где  $N$  — мо-

модуль сдвига; продольные волны  $v = \sqrt{\frac{Q}{\rho}}$ , где  $Q$  — модуль всестороннего сжатия.

В твердых стержнях  $v = \sqrt{\frac{E}{\rho}}$ , где  $E$  — модуль Юнга.

В твердых телах распространяются как поперечные, так и продольные волны с разными скоростями. На этом основан способ определения эпицентра землетрясения.

### **Уравнение плоской волны**

Его вид  $x = x_0 \sin \omega t (t - l/v) = x_0 \sin (\omega t - kl)$ , где  $k = 2\pi/\lambda$  — волновое число;  $l$  — расстояние, пройденное волной от вибратора до рассматриваемой точки  $A$ .

Запаздывание по времени колебаний точек среды:

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v} = \frac{\Delta x}{\lambda v} = \frac{\Delta x T}{\lambda}.$$

Запаздывание по фазе колебаний точек среды:

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{T} \Delta t = \frac{2\pi \Delta x}{T v} = \frac{2\pi \Delta x}{\lambda}.$$

Разность фаз двух колеблющихся точек:

$$\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = 2\pi (l_2 - l_1)/\lambda.$$

### **Энергия волны**

Волны переносят энергию от одной колеблющейся частицы к другой. Частицы совершают только колебательные движения, но не движутся вместе с волной:

$$E = E_k + E_n,$$

где  $E_k$  — кинетическая энергия колеблющейся частицы;  $E_n$  — потенциальная энергия упругой деформации среды.

В некотором объеме  $V$  упругой среды, в которой распространяется волна с амплитудой  $x_0$  и циклической частотой  $\omega$ , имеется средняя энергия  $W$ , равная  $W = \frac{1}{2} m \omega^2 x_0^2$ , где  $m$  — масса выделенного объема среды.

### **Интенсивность волны**

Физическая величина, которая равна энергии, переносимой волной за единицу времени через единицу площади поверхности перпендикулярно направлению распространения волны, называется

ется интенсивностью волны:

$$j = \overline{W}v = \frac{1}{2}\rho v \omega^2 x_0^2.$$

Известно, что  $W$  и  $j \sim x_0^2$ .

### Мощность волны

Если  $S$  — поперечная площадь поверхности, через которую волной переносится энергия, а  $j$  — интенсивность волны, то мощность волны равна:  $p = jS$ .

## ОК-10

### Звуковые волны

Упругие волны, вызывающие у человека ощущение звука, называются звуковыми волнами.

16— $2 \cdot 10^4$  Гц — слышимые звуки;

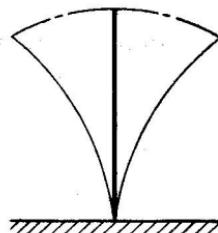
меньше 16 Гц — инфразвуки;

больше  $2 \cdot 10^4$  Гц — ультразвуки.

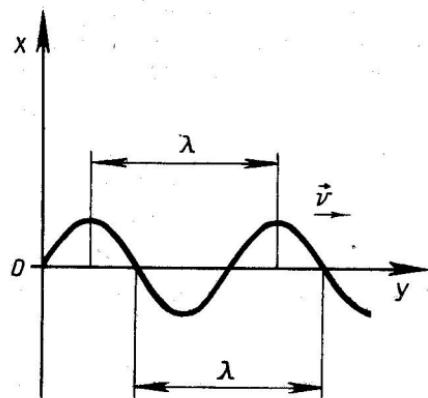
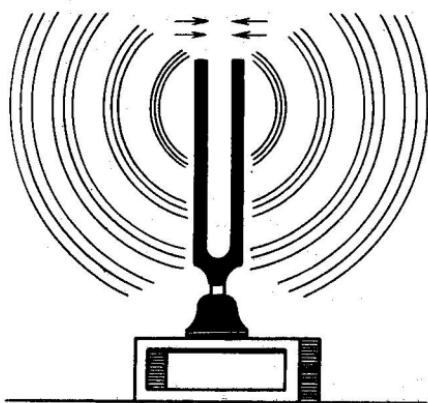
Обязательное условие для возникновения звуковой волны — наличие упругой среды.

Механизм возникновения звуковой волны аналогичен возникновению механической волны в упругой среде. Совершая колебания в упругой среде, вибратор воздействует на частицы среды.

Лезвие бритвы



Звук создают долговременные периодические источники звука. Например, музыкальный: струна, камертон, свист, пение.



Шум создают долговременные, но не периодические источники звука: дождь, море, толпа.

## Скорость звука

Зависит от среды и ее состояния, как и для любой механической волны:

$$v = \lambda v = \frac{\lambda}{T}.$$

При  $t = 0^{\circ}\text{C}$   $v_{\text{воды}} = 1430 \text{ м/с}$ ,  $v_{\text{стали}} = 5000 \text{ м/с}$ ,  $v_{\text{воздуха}} = 331 \text{ м/с}$ .

## Приемники звуковых волн

1. Искусственные: микрофон преобразует механические звуковые колебания в электрические. Характеризуются чувствительностью  $\sigma$ :

$$\sigma = \frac{\Delta U}{\Delta p},$$

$\sigma$  зависит от  $v_{\text{з. в.}}$ .

2. Естественные: ухо.

Его чувствительность воспринимает звук при  $\Delta p = 10^{-6} \text{ Па}$ .

Чем меньше частота  $v$  звуковой волны, тем меньше чувствительность  $\sigma$  уха. Если  $v_{\text{з. в.}}$  уменьшается от 1000 до 100 Гц, то  $\sigma$  уха уменьшается в 1000 раз.

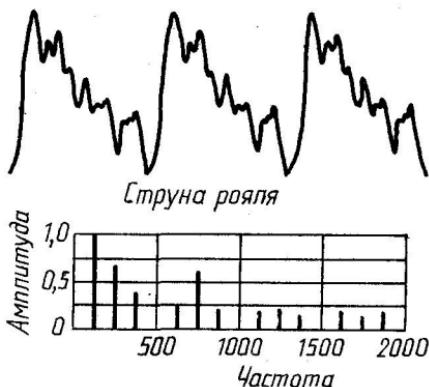
Исключительная избирательность: дирижер улавливает звуки отдельных инструментов.

## Физические характеристики звука

### Объективные

1. Звуковое давление — давление, оказываемое звуковой волной на стоящее перед ней препятствие.

2. Спектр звука — разложение сложной звуковой волны на составляющие ее частоты.



3. Интенсивность звуковой волны:

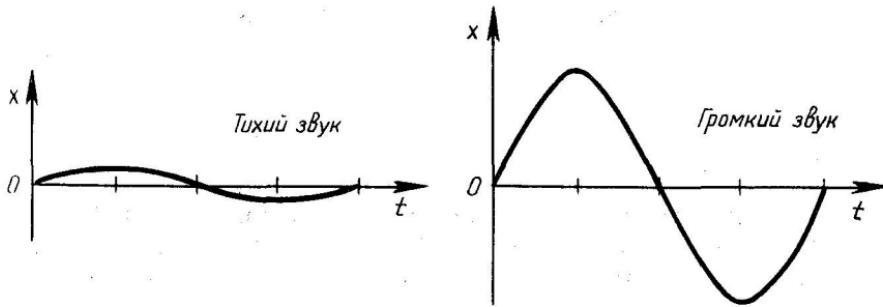
$$I = \frac{W}{St},$$

где  $S$  — площадь поверхности;  $W$  — энергия звуковой волны;  $t$  — время;

$$I = 1 \frac{\text{Дж}}{\text{м}^2 \cdot \text{с}} = \frac{1 \text{ Вт}}{1 \text{ м}^2}.$$

### Субъективные

*Громкость*, как и высота, звука связана с ощущением, возникающим в сознании человека, а также с интенсивностью волны.



Человеческое ухо способно воспринимать звуки интенсивностью от  $10^{-12}$  (порог слышимости) до  $1 \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2}$  (порог болевого ощущения).

Громкость не является прямо пропорциональной величиной интенсивности. Чтобы получить звук в 2 раза большей громкости, надо интенсивность увеличить в 10 раз. Волна, имеющая интенсивность  $10^{-2} \text{ Вт}/\text{м}^2$ , звучит в 4 раза громче, чем волна интенсивностью  $10^{-4} \text{ Вт}/\text{м}^2$ . Из-за этого соотношения между объективным ощущением громкости и интенсивностью звука используют логарифмическую шкалу.

Единицей этой шкалы является бел (Б) или децибел (дБ), ( $1 \text{ дБ} = 0,1 \text{ Б}$ ), названная в честь физика Генриха Бела. Уровень громкости выражается в белах:

$$A = \lg \frac{I}{I_0},$$

где  $I_0 = 10^{-12} \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2}$  — порог слышимости (усредненный).

Если  $I = 10^{-2} \frac{\text{Вт}}{\text{м}^2}$ ,

то

$$A = \lg \left( \frac{10^{-2}}{10^{-12}} \right) = \lg 100 = 2 \text{ Б} = 20 \text{ дБ}.$$

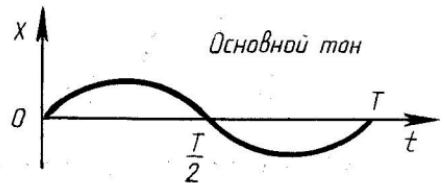
Громкие звуки вредны для нашего организма. Санитарная норма равна 30—40 дБ. Это громкость спокойной тихой беседы.

Шумовая болезнь: высокое артериальное давление крови, нервная возбудимость, тугоухость, быстрая утомляемость, плохой сон.

Интенсивность и громкость звука от различных источников: реактивный самолет — 140 дБ, 100 Вт/м<sup>2</sup>; рок-музыка в закрытом помещении — 120 дБ, 1 Вт/м<sup>2</sup>; обычный разговор (50 см от него) — 65 дБ, 3,2·10<sup>-6</sup> Вт/м<sup>2</sup>.

Высота звука зависит от частоты колебаний: чем  $> v$ , тем выше звук.

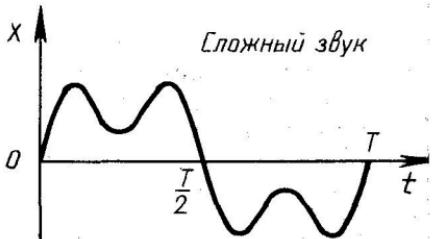
Тембр звука позволяет различать два звука одинаковой высоты и громкости, издаваемых различными инструментами. Он зависит от спектрального состава.



Основной тон



Гармоника



Сложный звук

### Ультразвук

Применяется: эхолот для определения глубины моря, приготовление эмульсий (вода, масло), отмыка деталей, дубление кожи, обнаружение дефектов в металлических изделиях, в медицине и др.

Распространяется на значительные расстояния в твердых телах и жидкостях. Переносит энергию значительно большую, чем звуковая волна.